

## Titkosítás, kulcsok

Számítástechnika tanár szak  
Rendszertechnika II.  
előadás



---

---

---

---

---

---

---

### A titkosítás alapfogalmai

- Titkosítás, kriptográfia
- Rejtjelezés (encryption, decryption)
- Titokmegosztás (secret sharing)
- Hitelesítés (certification)
- Partnerazonosítás (identification)
- Hozzáférésvédelem (access control)
- jogosultság vizsgálat (authentication)
- Digitális aláírás (digital signature)



---

---

---

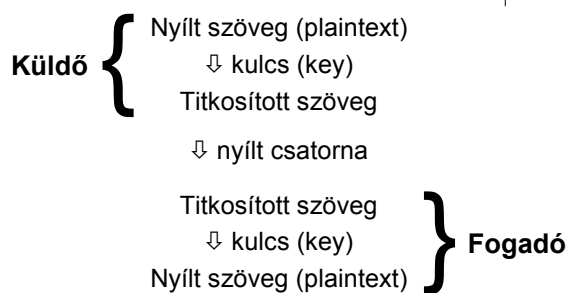
---

---

---

---

### Titkosítási modell



---

---

---

---

---

---

---

## Klasszikus rejtjelezések



- Caesar-féle rejtjelezés

plaintext: aábcdeéefghijklmnoöpqrstuüvwxyz  
ciphertext: deéefghijklmnoöpqrstuüvwxyz aábc

- k-eltolás
- Általános egyábécés rejtjelezés
- Keverő kódok
- Egyszer használatos bitminta, a feltörhetetlen

---

---

---

---

---

---

---

## Számítógépes titkosítások



- Tendenciák napjainkban és régen

- Két alapvető kriptográfiai elv

- Redundancia
  - Aktív támadások elleni védelem
  - Passzív támadások elleni védelem
- Frissesség
  - Ismétléses támadások

---

---

---

---

---

---

---

## DES - Digital Encryption Standard



- 1977-ben az IBM fejlesztette ki.
- Szimmetrikus kulcsú algoritmus
  - 56 bites kulccsal kódol
- Blokk-kódolás
  - 64 bites blokkokat - 64 bites blokkokká
- 19 különálló lépés
- Ma már nem tekinthető biztonságosnak

---

---

---

---

---

---

---

## 3DES - Háromszoros DES



- Titkosítás
  - Nyílt szöveg kódolása K1 kulccsal
  - Az előző eredmény dekódolása K2 kulccsal
  - Az előző eredmény kódolása ismét K1 kulccsal
- Visszafejtés
  - Kódolt szöveg dekódolása K1 kulccsal
  - Az előző eredmény kódolása K2 kulccsal
  - Az előző eredmény dekódolása K1 kulccsal
- Két kulcs használata három helyett?
- EDE (kódol - dekódol - kódol) algoritmus vagy EEE?

---

---

---

---

---

---

---

## Blowfish



- Változó kulcshosszúság
  - maximum 448 bites kulcsokkal képes kódolni
- Blokk-kódolás
  - 64 bites blokkokat titkosít
- Működése
  - Kulcs kiterjesztési fázis (kulcstömb előállítás)
  - Titkosítás a kulcstömb alapján

---

---

---

---

---

---

---

## Nyilvános kulcsú titkosítás



- Szimmetrikus kulcsok szétosztási problémája
- Nyilvános kulcsú titkosítás
  - Nyilvános kulcs (N)
  - Titkos kulcs (T)
  - Kódolandó információ (x)
- Diffie és Hellmann követelményei:
  - $T(N(x)) = x$  ( $N(T(x)) = x$ )
  - T előállítása N alapján rendkívül nehézkes legyen
  - T feltörhetetlen legyen választott nyílt szöveggel

---

---

---

---

---

---

---

## Diffie-Hellmann kulcscsere



- Kommunikációban Alíz és Bob vesz részt
- Alíz választ két nagy prímszámot  $n$ -t és  $g$ -t
- Mindketten előállítanak egy  $(n-1)$ -nél kisebb számot, hasonló nagyságrendben. Legyen Alíz száma  $x$  és Bob száma  $y$
- Alíz elküldi  $(g^x \bmod n)$ -t és  $(n, g)$ -t
- Bob  $(g^y \bmod n)$ -t küld vissza
- Alíz kiszámolja  $K = (g^y \bmod n)^x$  értékét
- Bob kiszámolja  $K = (g^x \bmod n)^y$  értékét
- A közös titkos kulcs:  $K = g^{xy} \bmod n$
- Ezt a módszert használják például az **SSL (Secure Socket Layer)** esetében is

---

---

---

---

---

---

---

---

## RSA (Rivest, Shamir, Adleman)



- 28 éve túlél minden támadási kísérletet
- Legalább 1024 bites kulcsot igényel
- Az algoritmus lépései
  - Válasszunk két nagy prímszámot,  $p$ -t és  $q$ -t
  - Számoljuk ki az  $n=p*q$  és  $z=(p-1)*(q-1)$  számokat
  - Válasszunk egy  $z$ -hez relatív prímét, ez legyen  $d$
  - Keressünk olyan  $e$  számot, melyre  $e*d \equiv 1 \bmod z$

---

---

---

---

---

---

---

---

## RSA



- A nyílt szöveg bitsorozatát blokkokra osztjuk
  - a kódolandó szegmens ( $P$ ) ahol  $0 \leq P < n$
- Kiszámítjuk  $C = P^e \bmod n$  értéket
- $C$  visszakódolása:  $P = C^d \bmod n$  alapján
- Kódoláshoz:  $e$  és  $n$  számok (nyilvános kulcs)
- Dekódoláshoz:  $d$  és  $n$  számok (titkos kulcs)
- A módszer biztonsága a nagy számok faktorizálásának nehézségeiből adódik

---

---

---

---

---

---

---

---

## RSA példa



- $p=3$  és  $q=11$
- $n=p*q$  azaz  $n=33$ ;  $z=(p-1)*(q-1)$  azaz  $z=20$
- $d=7$  (7-nek és 20-nak nincs közös osztója)
- $e*d \equiv 1 \pmod{z}$  alapján  $e*7 \equiv 1 \pmod{20} \rightarrow e=3$
- Kódolás:  $C = P^3 \pmod{33}$
- Dekódolás:  $P = C^7 \pmod{33}$
- A példában  $P$  értékének alacsonynak kell maradni ( $P < 33$ ) így maximum egy karakteres blokkok kódolhatók

---

---

---

---

---

---

---

---

## RSA példa



Szimbólum	Számérték	$P^3$	$P^3 \pmod{33}$	$C^7$	$C^7 \pmod{33}$	Szimbólum
S	19	6859	28	13492928512	19	S
U	21	9261	21	1801088541	21	U
Z	26	17576	20	1280000000	26	Z
A	01	1	1	1	01	A
N	14	2744	5	78125	14	N
N	14	2744	5	78125	14	N
E	05	125	26	8031810176	05	E

Tannerbaum: Számítógép hálózatok

---

---

---

---

---

---

---

---

## Digitális aláírások



- Az aláírt üzenetnek a következő feltételeket kell teljesíteni:
  - A fogadó ellenőrizhesse a feladó valódiságát
  - A küldő később ne tagadhassa le az üzenet tartalmát
  - A fogadó saját maga ne rakhassa össze az üzenetet (ne változtathassa meg a tartalmát)

---

---

---

---

---

---

---

---

## Titkosítási algoritmusok összehasonlítása



- A szimmetrikus algoritmusok előnyei
  - gyors
  - viszonylag rövid (56-256 bit)
  - más kriptográfiai feladatokra is alkalmazhatók
  - produkciós kódolók
- A szimmetrikus algoritmusok hátrányai
  - a kulcsnak mindkét oldalon titokban kell maradni
  - nagy hálózatokban nehézkesen alkalmazható
  - kulcscsere szükségessége egy biztonságos csatormán
  - a rövid kulcsokat gyakran kell cserélni

---

---

---

---

---

---

---

## Titkosítási algoritmusok összehasonlítása



- Az aszimmetrikus algoritmusok előnyei
  - mindenkinek csak a saját titkos kulcsára kell vigyázni
  - nagy létszám esetén sem gond a kulcsok kezelése
  - a kulcsokat csak ritkán kell cserélni
  - a titkosító és megoldó folyamatok felcserélhetők
- Az aszimmetrikus algoritmusok hátrányai
  - általában lassú algoritmusok
  - lényegesen hosszabb kulcsok
  - szükséges egy megbízható harmadik fél
  - ha új matematikai áttörés születik, az sok kulcsot érinthet

---

---

---

---

---

---

---

## Szteganográfia



- Nem csak az üzenet tartalma hanem annak létezése is titkos
- Az üzenetet más (az üzenet szempontjából lényegtelen) adatok közé keverjük
- Üzenetek képekbe rejtése
- Üzenetek zenékbe rejtése
- Hátránya, hogy sok felesleges információt is át kell vinni

---

---

---

---

---

---

---

## Jelszavak



- Mikor „jó” egy jelszó?
  - A felhasználó képes megjegyezni
  - Felhasználónként különböző egy adott rendszerben
  - Megfelelő hosszúságú (min. 8 karakter)
  - Vegyesen tartalmaz kis- és nagybetűket, számokat
  - Önmagában ne legyen értelmes szó, dátum, stb.
  - Jelszavak cseréje meghatározott időközönként

---

---

---

---

---

---

---

## Felhasználók jelszavainak védelme



- Ismételt, folyamatos próbálkozások elleni védelem
  - Néhány hibás próbálkozás után a próbálkozó kizárása egy meghatározott időre
  - Helytelen próbálkozások közti várakozási idő folyamatos növelése
  - A rendszer nem árulja el, hogy a felhasználó név érvénytelen-e vagy a jelszó hibás
- Fontos a felhasználók képzése

---

---

---

---

---

---

---