

1969: Conference on Data Systems Languages

- összetett logikai adatszerkezetek
- irányított redundancia
- jogosultságkezelés
- konkurens hozzáférés
- többféle hozzáférés
- magas szintű nyelvek támogatása
- almodell szemlélet (nézetek)
- emberi hatékonyság
- program-adat függetlenség
- logikai
- fizikai (átlátszóság, transzparencia)

Koncepcionális adatmodell (séma)

Véges számú tulajdonságtípussal megadott véges számú egyedtípus és a közöttük fennálló véges számú kapcsolattípus összessége.

Adatbázis

Az adatmodell, valamint az egyed-előfordulások, tulajdonság-előfordulások és kapcsolat-előfordulások együttese.

A NULL érték mint tulajdonság-előfordulás

- nem alkalmazható, nem értelmezett ismeretlen
- létezik, de hiányzik
 - nem tudjuk, hogy létezik-e

A kapcsolattípusok osztályozása

A kapcsolat **foka**: meghatározza, hogy hány egyedtípus vesz részt a kapcsolatban.

A (bináris) kapcsolat **számossága**: meghatározza, hogy legfeljebb hány kapcsolat-előfordulásban vehet részt egy egyed-előfordulás

A (bináris) kapcsolat **szorossága**: meghatározza, hogy a kapcsolatban részt vevő egyedtípusok minden egyedének részt kell-e vennie legalább egy kapcsolat-előfordulásban.

- kötelező
- félleg kötelező
- opcionális

Tartomány

Egy D **tartomány** atomi értékek egy halmaza.

Jellemzői:

- név
- adattípus
- formátum
- korlátozás
- további információk az értelmezéshez

Egy t rekordban szereplő j-edik értékre, amely az A_j attribútumhoz tartozik, t[A_j] -vel (vagy röviden t[j] -vel) hivatkozhatunk.

A relációséma neve

Attribútumok

HALLGATÓ		Név	Személyi szám	Lakcím	Szak	Évfolyam	Neptun	Telefonszám
Rekordok	Brók Ernő	1 730817 2818	3756 Varbóc	PTI	1	HRB0FX	+36-20-4779833	
	Hiszt Erika	2 800922 8420	9122 Felpéc	PTI	2	CC18SG	+36-30-1545493	
	Könyök Ödön	1 671011 2057	7757 Babarc	MI	2	KJZ9U9	+36-20-2542208	
	Szőke Barna	1 481209 0753	2668 Parvarc	PTI	1	R2D2XX	+36-70-4981212	
	Virra Dóra	2 860502 3495	4967 Csaaholc	MI	1	C3POOS	+36-70-3881795	

Egyed

A valós világnak az az eleme (tárgy, jelenség, elképzelés, személy, fogalom stb.), amely a modellezés tárgyát képezi.

Tulajdonság

Az egyednek a modellezés szempontjából lényeges jellemzője.

Tulajdonságtípus

Az azonos szerepű tulajdonságok absztrakciója.

Egyedtípus

Az azonos tulajdonságtípusokkal rendelkező egyedek absztrakciója.

Kapcsolattípus

Két vagy több egyedtípus közötti jól meghatározott viszony.

Kapcsolat

A két vagy több egyedtípus egyedei között fennálló viszony.

A tulajdonságtípusok (attribútumok) osztályozása

a tulajdonság-előfordulás szerkezete (összetettsége) szerint

- egyszerű (atomai)
- összetett

a tulajdonság-előfordulás hány értéket vehet föl egyszerre

- egyértékű
- halmazértékű (többértékű)

a tulajdonság-előfordulás minden esetben megjelenik-e a háttértárolón (a fizikai adatbázisban)

- tárolt
- származtatott

A háromséma-architektúra

- Külső szint
- Külső/koncepcionális leképezés
- Koncepcionális szint
- Koncepcionális/belső leképezés
- Belső szint

Az adatbázisrendszer

- számítógép
- adatok
- fizikai adatbázis
- adatszótár (metaadatbázis)
- szoftver
- felhasználók
- eseti
- naiv vagy parametrikus
- szakértő
- adatbázis-adminisztrátor

Relációséma

Relációséma alatt az R(A₁;A₂; . . . ;A_n) jelölést értjük, ahol R a relációséma neve, A₁;A₂; . . . ;A_n pedig attribútumok. Minden A_i **attribútum** egy szerepkör neve, amelyet valamely D tartomány játszik. D-t az A_i attribútum tartományának nevezzük, és dom(A_i)-vel jelöljük.

Reláció

A R(A₁;A₂; . . . ;A_n) relációséma egy r **relációja** – amit szokás r (R)-rel is jelölni – elem n-eseknek egy halmaza:

$r = \{t_1; t_2; . . . ; t_m\}$

Minden t_i **elem n-es** (1 ≤ i ≤ m) n darab értéknek egy rendezett listája:

$t_i = (v_1; v_2; . . . ; v_n);$

ahol minden v_j érték (1 ≤ j ≤ n) vagy dom(A_j)-nek az eleme, vagy egy speciális NULL érték.

másképpen fogalmazva

A relációs adatmodellben egy r (R) **reláció** nem más, mint egy dom(A₁); dom(A₂); . . . ;dom(A_n) tartományokon értelmezett n-ed fokú matematikai reláció, amely részhalmaza azon tartományok Descartes-szorzatának, amelyek R-et definiálják:

$r(R) \subseteq \text{dom}(A_1) \times \text{dom}(A_2) \times \dots \times \text{dom}(A_n):$

Ebben a definícióban a NULL értéket beleértjük a A_i attribútumok tartományába.

Az adatmodell megszorításainak csoportosítása:

- Az adatmodellben benne rejlő megszorítások: **modell alapú, implicit megszorítások**.
- Az adatmodell sémáiban közvetlenül kifejezett megszorítások: **séma alapú, explicit megszorítások**.
- Olyan megszorítások, amelyeket **nem lehet** közvetlenül az adatmodell sémáiban kifejezni, és ezért az alkalmazói programokkal kell kifejezni és érvényre juttatni őket: **alkalmazás alapú, szemantikus megszorítások** vagy **üzleti szabályok**.

Szuperkulcs

Az R relációsémának létezik egy olyan **attribútumhalmaza**, amely olyan tulajdonságú, hogy tekintve R bármelyik r relációját, az adott relációban nincs két olyan rekord, amelynek az értékei azonosak lennének ezen attribútumokra vonatkozóan.

Az attribútumoknak egy ilyen részalmazát SK-val jelölve, bármely két **különböző** t_1 és t_2 rekordot kiválasztva R egy r relációjából: $t_1[SK] \neq t_2[SK]$:

Minden ilyen SK attribútumhalmaz az R relációséma **szuperkulcsa**.

Kulcs

Egy R relációséma K **kulcsa** R-nek egy olyan szuperkulcsa, amelyből egy A attribútumot elhagyva, az így kapott K₀ attribútumhalmaz már nem szuperkulcsa R-nek.

Egy kulcs kielégíti a következő két feltételt:

Bármilyen relációt tekintve, a reláció két különböző rekordjának nem lehetnek azonosak a kulcsban szereplő attribútumokhoz tartozó értékei.

Minimális szuperkulcs, azaz egy szuperkulcs, amelyből nem tudunk úgy eltávolítani egyetlen attribútumot sem, hogy az egyediségre vonatkozó feltétel továbbra is fennálljon.

Egy K kulcs **egyszerű**, ha egyetlen attribútum alkotja, egyébként **összetett**.

Absztrakt lekérdező nyelvek

- relációalgebra
- relációkalkulus
- rekord alapú
- tartomány alapú

A relációalgebra műveletei

- szelekció (σ) halmazműveletek
- projekció (π) unió, metszet,
- átnevezés (ρ) különbség Descartes-szorzat (belső szorzat)
- hányados
- összekapcsolás (join)
- általános összekapcsolás (theta join)
- egyenlőség alapú összekapcsolás (equijoin);
- természetes összekapcsolás (natural join,*)
- bal oldali/jobbi oldali/teljes külső összekapcsolás (left/right/full outer join)

join művelet összekapcsolási feltétel általános alakja

(feltétel)AND(feltétel)AND...AND(feltétel);

mindegyik (feltétel) $A_i \circ B_j$ alakú,

A_i az R attribútuma,

B_j az S attribútuma,

az A_i és B_j attribútumok tartománya megegyezik,

\circ egyike a halmaz összehasonlító műveleteinek.

Séma alapú megszorítások

- tartománymegszorítások
- kulcsmegszorítások és a NULL értékre vonatkozó megszorítások
- egyedintegritási megszorítások
- hivatkozási integritási megszorítások

Tartománymegszorítás

A **tartománymegszorítás** kimondja, hogy minden rekordban minden egyes A attribútumhoz tartozó értéknek a dom(A) tartományból kell származnia, és ezen dom(A) tartományok minden elemének atomi értéknek kell lennie.

Egyedintegritási megszorítás

Az **egyedintegritási megszorítás** kimondja, hogy egyetlen elsődleges kulcsérték sem lehet NULL érték. Ha az elsődleges kulcs összetett, akkor annak egyik komponense sem lehet NULL érték.

Hivatkozási integritási megszorítás

Egy R_1 relációséma FK-val jelölt attribútumhalmaza **külső (idegen) kulcsa** R_1 -nek, amely hivatkozik az R_2 relációsémára, ha eleget tesz a következő feltételeknek:

Az FK-beli attribútumoknak és az R_2 PK-val jelölt elsődleges kulcsattribútumainak páronként azonos a tartománya; ekkor azt mondjuk, hogy az FK attribútumok **hivatkoznak** az R_2 relációsémára.

Bármely $r_1(R_1)$ aktuális állapotának egy t_1 rekordjában egy FK-beli érték **vagy** megjelenik egy $r_2(R_2)$ aktuális állapotának valamely t_2 rekordjában PK értékeként, **vagy az értéke NULL**. Az előbbi esetben $t_1[FK] = t_2[PK]$, ekkor azt mondjuk, hogy a t_1 rekord **hivatkozik** a t_2 rekordra.

Relációs adatbázisséma és relációs adatbázis

Egy S **relációs adatbázisséma** az

$S = \{R_1; R_2; \dots; R_m\}$

relációséma-halmaz, valamint integritási megszorítások – IC-vel jelölt – halmazának az együttese.

S egy DB **relációs adatbázis(állapot)a** olyan

$DB = \{r_1; r_2; \dots; r_m\}$

reláció(állapot)k halmaza, ahol minden r_i az R_i séma egy relációja, és minden r_i reláció kielégíti az IC-ben megadott integritási megszorításokat.

Uniókompatibilitás

Az uniókompatibilitás azt jelenti, hogy a két relációnak ugyanannyi attribútuma van, és attribútumaik tartományai páronként megegyeznek egymással.

Általános összekapcsolás

Bináris művelet, operandusai $R(A_1; A_2; \dots; A_n)$ és $S(B_1; B_2; \dots; B_m)$ sémájú relációk.

Az eredményül kapott Q egy $n + m$ **fokszámú** reláció, melynek **sémája**:

$Q(A_1; A_2; \dots; A_n; B_1; B_2; \dots; B_m)$:

Az eredményül kapott relációban benne lesz az R és az S relációk rekordjainak **minden olyan kombinációja, amely kielégíti az összekapcsolási feltételt**.

Azt az általános összekapcsolási műveletet, amelynek összekapcsolási feltételében csak az egyenlőségjel (=) szerepel összehasonlító műveleti jelként, **egyenlőségen alapuló összekapcsolásnak** vagy más szóval **eqijoin** műveletnek nevezzük.

Természetes összekapcsolás

A **természetes összekapcsolás** műveletét az egyenlőségen alapuló összekapcsolás műveletéből származtatjuk oly módon, hogy az ott kapott relációból eltávolítjuk az összekapcsolás alapjául szolgáló, a hozzájuk tartozó értékek egyenlősége miatt felesleges attribútumok egyikét. ($R * S$)

Osztás, hányados

Jelöljük Z-vel az R sémáját alkotó attribútumok halmazát, X-szel az S sémáját alkotó attribútumok halmazát! Az osztás művelete akkor hajtható végre, ha $X \subseteq Z$.

Jelöljük T-vel az eredmény relációt! Legyen $Y = Z - X$! Ekkor Y lesz a T sémáját alkotó attribútumok halmaza. A hányados művelet az alábbi műveletek sorozataként fogható fel:

$$\begin{aligned}T_1 &\leftarrow \pi Y (R) \\T_2 &\leftarrow \pi Y ((S \times T_1) - R) \\T &\leftarrow T_1 - T_2\end{aligned}$$

Kifejezés a tartomány alapú relációkalkulusban

$\{x_1; x_2; \dots; x_n \mid \text{FELT}(x_1; x_2; \dots; x_n; x_{n+1}; x_{n+2}; \dots; x_{n+s})\}$

Funkcionális függés

Az R két attribútumhalmaza, X és Y között, $X \rightarrow Y$ -nal jelölt **funkcionális függés** előír egy **megszorítást** azokra a lehetséges rekordokra, amelyek egy R fölötti r relációt alkothatnak. A megszorítás az, hogy bármely két, r -beli t_1 és t_2 rekord esetén, amelyekre $t_1[X] = t_2[X]$ teljesül, teljesülnie kell $t_1[Y] = t_2[Y]$ -nak is.

Funkcionális függések tulajdonságai

reflexivitás szabálya: Ha $X \supseteq Y$, akkor $X \rightarrow Y$.

az **augmentivitás** szabálya: $\{X \rightarrow Y\} \mid = XZ \rightarrow YZ$.

a **transzitivitás** szabálya: $\{X \rightarrow Y; Y \rightarrow Z\} \mid = X \rightarrow Z$.

a **dekompozíció** szabálya: $\{X \rightarrow YZ\} \mid = X \rightarrow Y; X \rightarrow Z$.

az **additivitás** szabálya: $\{X \rightarrow Y; X \rightarrow Z\} \mid = X \rightarrow YZ$.

a **pszeudotranzitivitás** szabálya:

$$\{X \rightarrow Y; WY \rightarrow Z\} \mid = WX \rightarrow Z$$

A tulajdonságok bizonyítása

A reflexivitás bizonyítása

Tegyük fel, hogy $X \supseteq Y$, és hogy léteznek t_1 és t_2 rekordok R valamely r relációjában úgy, hogy $t_1[X] = t_2[X]$. Ekkor $t_1[Y] = t_2[Y]$, mivel $X \supseteq Y$; ezért $X \rightarrow Y$ -nak teljesülnie kell r-ben.

A transzitivitás bizonyítása

Tegyük fel, hogy

$$X \rightarrow Y \text{ és}$$

$$Y \rightarrow Z$$

fennáll egy r relációban. Ekkor tetszőleges t_1 és t_2 r -beli rekordokra, melyekre igaz, hogy $t_1[X] = t_2[X]$, (1) miatt kapjuk, hogy $t_1[Y] = t_2[Y]$;

így (3)-ból és a (2)-es feltevésünkből azt is kapunk kell, hogy $t_1[Z] = t_2[Z]$;

ezért $X \rightarrow Z$ -nek fenn kell állnia r-ben.

Bebizonyítható, hogy a relációalgebrai operátorok

$\{\sigma, \pi, \cup, -, \times\}$

halmaza **teljes** halmaz, azaz bármelyik másik relációalgebrai művelet kifejezhető **ezen halmazbeli operátorokkal végzett műveletek sorozataként**.

Relációkalkulusok

A relációs adatmodellnek az elsőrendű predikátumkalkulusra épülő **deklaratív, nonprocedurális** absztrakt lekérdező nyelvei.

Fajtái

•Rekord alapú relációkalkulus

•Tartomány alapú relációkalkulus

Kifejezés a rekord alapú relációkalkulusban

$\{t_1.A_j; t_2.A_k; \dots; t_n.A_m \mid \text{FELT}(t_1; t_2; \dots; t_n; t_{n+1}; t_{n+2}; \dots; t_{n+s})\}$

A kifejezés feltételrészében szereplő formulák

Minden atomi formula formula.

Ha F_1 és F_2 formulák, akkor $(F_1 \text{ AND } F_2)$, $(F_1 \text{ OR } F_2)$,

NOT (F_1) is formula.

Ha F egy formula, akkor $(\exists t)(F)$ is az, ahol t egy rekordváltozó.

Ha F egy formula, akkor $(\forall t)(F)$ is az, ahol t egy rekordváltozó.

Egy kifejezést **biztonságosnak** nevezünk, ha az eredményében szereplő összes érték a kifejezés tartományából való. Egy **kifejezés tartománya** az összes olyan érték halmaza, amelyek vagy előfordulnak konstansként a kifejezésben, vagy előfordulnak a kifejezésben hivatkozott relációk valamely rekordjában.

Egy $X \neq Y$ funkcionális függés **triviális**, ha $X \supseteq Y$, egyébként **nemtriviális**.

Az augmentivitás bizonyítása (indirekt módon)

Tegyük fel, hogy $X \rightarrow Y$ fennáll R egy r relációjában, de $XZ \rightarrow YZ$ nem áll fenn. Ekkor léteznie kell t_1 és t_2 rekordoknak

úgy, hogy

$$t_1[X] = t_2[X],$$

$$t_1[Y] = t_2[Y],$$

$$t_1[XZ] = t_2[XZ] \text{ és}$$

$$t_1[YZ] \neq t_2[YZ].$$

Ez nem lehetséges, mert (3)-ból kapjuk, hogy

$$t_1[Z] = t_2[Z],$$

míg (2)-ből és (5)-ből kapjuk, hogy

$$t_1[YZ] = t_2[YZ],$$

ami ellentmond (4)-nek.

A dekompozíció bizonyítása

$X \rightarrow YZ$ adott.

$YZ \rightarrow Y$, felhasználva a reflexivitás szabályát, és

tudva, hogy $YZ \supseteq Y$.

$X \rightarrow Y$, alkalmazva a transzitivitás szabályát (1)-re és (2)-re.

A pszeudotranzitivitás bizonyítása

$X \rightarrow Y$ adott.

$WY \rightarrow Z$ adott.

$WX \rightarrow WY$, alkalmazva az augmentivitás szabályát (1)-re, azt W -vel bővítve.

$WX \rightarrow Z$, alkalmazva a tranzitivitás szabályát (3)-ra és (2)-re.

Az Armstrong-axiómák

A reflexivitás, az augmentivitás és a tranzitivitás szabályak⁽⁴⁾-re együtt helyes és teljes.

Helyesség alatt azt értjük, hogy ha adott egy R relációsémán fennálló funkcionális függéseknek egy F halmaza, akkor bármilyen függés, amely levezethető F -ből a három szabály segítségével, fenn fog állni R minden olyan r relációjában, amely kielégíti az F -beli függéseket.

Teljesség alatt azt értjük, hogy a három szabályt mindaddig ismételtén alkalmazva, míg már nem kapunk újabb függéseket, előállítható az F -ből levezethető összes lehetséges függés teljes halmaza. Más szavakkal, F -ből kiindulva kizárólag a három szabály alkalmazásával meghatározható az F -függések halmaza, amit F lezártjának hívunk.

Definíció

A reflexivitás, az augmentivitás és a tranzitivitás szabályait együtt Armstrong-axiómáknak nevezzük.

Relációsémák normálformái

2NF, 3NF, BCNF :

a relációsémák kulcsai és a bennük fennálló funkcionális függések alapján

4NF : kulcsok és többértékű függések alapján

5NF : kulcsok és join függések alapján

További tulajdonságok lehetnek szükségesek a jó relációs tervezés biztosításához (veszteségmentes összekapcsolás, függésmegőrzés)

Az R relációséma egy attribútumát R egy elsődleges attribútumának nevezzük, ha eleme R valamely kulcsjelöltjének. Egy attribútumot másodlagos (leíró) attribútumnak hívunk, ha nem elsődleges attribútum, azaz nem eleme egyetlen kulcsjelöltnek sem.

Második normálforma

Egy $X \rightarrow Y$ funkcionális függés teljes funkcionális függés, ha X -ből bármely A attribútumot eltávolítva a függés a továbbiakban már nem áll fenn, azaz bármely $A \in X$ attribútum esetén $(X - \{A\})$ már nem határozza meg funkcionálisan Y -t.

Egy $X \rightarrow Y$ funkcionális függés részleges függés, ha valamely

$A \in X$ attribútum eltávolítható X -ből úgy, hogy a függés továbbra is fennáll, azaz valamely $A \in X$ esetén $(X - \{A\}) \rightarrow Y$.

Egy R relációséma második normálformában (2NF-ben) van,

ha R minden másodlagos (leíró) attribútuma teljesen funkcionálisan függ R elsődleges kulcsától.

Boyce–Codd-féle normálforma

Egy R relációséma Boyce–Codd-féle normálformában (BCNF-ben) van, ha valahányszor egy $X \rightarrow A$ nemtriviális funkcionális függés fennáll R -en, akkor X egy superkulcsa R -nek.

Az additivitás bizonyítása

$X \rightarrow Y$ adott.

$X \rightarrow Z$ adott.

$X \rightarrow XY$, alkalmazva az augmentivitás szabályát (1)-re, azt X -szel bővítve; megjegyezve, hogy $XX = X$.

$XY \rightarrow YZ$, alkalmazva az augmentivitás szabályát (2)-re, azt Y -nal bővítve.

$X \rightarrow YZ$, alkalmazva a tranzitivitás szabályát (3)-ra és

Funkcionális függések ekvivalenciája

Azt mondjuk, hogy a funkcionális függések F halmaza lefedi a funkcionális függések egy másik, E halmazát, ha minden E -beli funkcionális függés benne van F -ban; azaz ha minden E -beli függés levezethető F -ből. A funkcionális függések E és F halmaza ekvivalens egymással, ha $E^+ = F^+$. Így az ekvivalencia azt jelenti, hogy minden E -beli funkcionális függés levezethető F -ből, és minden F -beli funkcionális függés levezethető E -ből; azaz E ekvivalens F -fel, ha E lefedi F -et és F lefedi E -t.

Relációsémák normalizációja

A normalizáció az a folyamat, amelynek során szétbontjuk a nem kielégítő, „rossz” relációsémákat úgy, hogy az attribútumaikat több kisebb relációsémába helyezzük át.

A normálforma a relációsémák kulcsai és a bennük fennálló funkcionális függések segítségével megfogalmazott feltétel, amellyel megállapítható, hogy a relációséma egy adott normálformában van-e.

A denormalizáció az a folyamat, amelynek során magasabb normálformájú relációk összekapcsolását letároljuk alap relációként – alacsonyabb normálformában.

Első normálforma

Tiltja

az összetett attribútumokat,

a többértékű attribútumokat,

a beágyazott relációkat: az olyan attribútumokat, amelyek értékei a különálló rekordokban nem atomiak.

A reláció definíciójának részét képezi.

Harmadik normálforma

A harmadik normálforma a tranzitív függés fogalmán alapul.

Egy R relációséma $X \rightarrow Y$ funkcionális függése tranzitív függés, ha létezik egy olyan Z attribútumhalmaz, amely nem kulcsjelölt és nem része R egyetlen kulcsának sem, és fennáll

$X \rightarrow Z$, illetve $Z \rightarrow Y$.

Egy R relációséma harmadik normálformában (3NF-ben) van, ha 2NF-ben van és nincs R -nek olyan másodlagos (leíró) attribútuma, amely tranzitívan függne az elsődleges kulcstól.

A 2NF és 3NF általános definíciója

Egy R relációséma második normálformában (2NF-ben) van, ha R -nek nincs olyan másodlagos (leíró) attribútuma, amely részlegesen függne R bármely kulcsától.

Egy R relációséma harmadik normálformában (3NF-ben) van, ha valahányszor egy $X \rightarrow A$ nemtriviális funkcionális függés fennáll R -en, akkor vagy (a) X egy superkulcsa R -nek, vagy (b) A egy elsődleges attribútuma R -nek.

Többértékű függés (MVD)

Egy R relációsémán megadott $X \twoheadrightarrow Y$ többértékű függés, ahol X és Y R attribútumhalmazai, a következő megszorítást jelenti bármely R fölötti r reláció esetén: Ha van két olyan t_1 és t_2 rekord r-ben, amelyre $t_1[X] = t_2[X]$, akkor léteznie kell két t_3 és t_4 rekordnak is r-ben a következő tulajdonságokkal, ahol Z-t az $(R - (X \cup Y))$ jelölésére használjuk:

$$t_3[X] = t_4[X] = t_1[X] = t_2[X].$$

$$t_3[Y] = t_1[Y] \text{ és } t_4[Y] = t_2[Y].$$

$$t_3[Z] = t_2[Z] \text{ és } t_4[Z] = t_1[Z].$$

Negyedik normálforma

Egy $X \twoheadrightarrow Y$ többértékű függést **triviális többértékű függésnek** nevezünk, ha vagy (a) Y részhalmaza X-nek, vagy (b) $X \cup Y = R$. Egy olyan többértékű függést, amely sem (a)-t, sem (b)-t nem elégíti ki, **nemtriviális többértékű függésnek** nevezünk.

Egy R relációséma **negyedik normálformában** (4NF) van, figyelembe véve az F függések halmazát (amely magában foglalja a funkcionális és többértékű függéseket), ha minden F+beli **nemtriviális** $X \twoheadrightarrow Y$ többértékű függés esetén X superkulcsa R-nek.

Kapcsolás függés

Egy R relációsémán megadott **kapcsolásfüggés** (join dependency, JD) meghatároz egy megszorítást az R bármely r relációjára. A megszorítás azt írja elő, hogy R minden legális r relációjának kell, hogy legyen egy veszteségmentes join dekompozíciója az $R_1; R_2; \dots; R_n$ sémákba; azaz minden ilyen r-re

$$*(\pi_{R_1}(r); \pi_{R_2}(r); \dots; \pi_{R_n}(r)) = r$$

Az így előírt megszorítást $JD(R_1; R_2; \dots; R_n)$ -nel jelöljük.

Ötödik normálforma

Egy R sémára megadott $JD(R_1; R_2; \dots; R_n)$ kapcsolásfüggés **triviális** kapcsolásfüggés, ha valamely $JD(R_1; R_2; \dots; R_n)$ -beli R_i relációséma egyenlő R-rel.

Egy R relációséma **ötödik normálformában** (5NF-ben) van, figyelembe véve funkcionális, többértékű és join függések egy F halmazát, ha minden F+beli nemtriviális $JD(R_1; R_2; \dots; R_n)$ esetén minden R_i superkulcsa R-nek.

ER Modell Egyed típusok

Azokat az egyed típusokat, amelyek nem rendelkeznek saját kulcsattribútumokkal, **gyenge egyed típusoknak** nevezzük. Ezzel ellentétben azokat a (hagyományos) egyed típusokat, amelyeknek van kulcsattribútumuk, **erős egyed típusoknak** nevezzük.

A gyenge egyed típusoknak **részleges kulcsuk** (**diszkriminátoruk**) van, amely azon attribútumok halmaza, amelyek egyértelműen azonosítják azokat a gyenge egyedeket, amelyek **ugyanazon tulajdonos egyed(ek)hez kapcsolódnak**.

Többértékű függések tulajdonságai

A funkcionális függések reflexivitási szabálya:

$$\text{Ha } X \supseteq Y, \text{ akkor } X \rightarrow Y.$$

A funkcionális függések augmentívási szabálya:

$$\{X \rightarrow Y\} \mid = XZ \rightarrow YZ.$$

A funkcionális függések tranzitivitási szabálya:

$$\{X \rightarrow Y; Y \rightarrow Z\} \mid = X \rightarrow Z.$$

A többértékű függések komplementer szabálya:

$$\{X \twoheadrightarrow Y\} \mid = \{X \twoheadrightarrow (R - (X \cup Y))\}.$$

A többértékű függések augmentívási szabálya:

$$\text{Ha } X \twoheadrightarrow Y \text{ és } W \supseteq Z, \text{ akkor } XW \twoheadrightarrow YZ.$$

A többértékű függések tranzitivitási szabálya:

$$\{X \twoheadrightarrow Y; Y \twoheadrightarrow Z\} \mid = X \twoheadrightarrow (Z - Y).$$

A funkcionális függésből következik a többértékű függés:

$$\{X \rightarrow Y\} \mid = X \twoheadrightarrow Y.$$

A többértékű függésből bizonyos esetekben következik valamiféle funkcionális függés:

Ha $X \twoheadrightarrow Y$ és létezik olyan W, amelyre (a) $W \cap Y$ üres, (b) $W \rightarrow Z$, és (c) $Y \supseteq Z$, akkor $X \rightarrow Z$.

Dekompozíció veszteségmentes join tulajdonsága

Az R relációséma egy $D = \{R_1; R_2; \dots; R_m\}$ dekompozíciója **veszteségmentes join tulajdonságú**, figyelembe véve az R-beli F függések halmazát, ha R minden r relációjára, amely kielégíti F-et, fennáll a következő:

$$*(R_1(r); \dots; R_m(r)) = r$$

A fenti képletben * a természetes összekapcsolást jelöli.

Valahányszor felbontunk egy R relációsémát az $R_1 = (X [Y)$ és $R_2 = (R - Y)$ relációsémákra egy $X \twoheadrightarrow Y$ többértékű függés alapján, amely fennáll R-en, a dekompozíció veszteségmentes join tulajdonságú lesz.

Az R_1 és R_2 relációsémák akkor és csak akkor alkotják az R egy veszteségmentes join dekompozícióját, figyelembe véve a funkcionális és többértékű függések F halmazát, ha

$$(R_1 \cap R_2) \twoheadrightarrow (R_1 - R_2);$$

vagy – szimmetrikusan – akkor és csak akkor, ha

$$(R_1 \cap R_2) \twoheadrightarrow (R_2 - R_1):$$

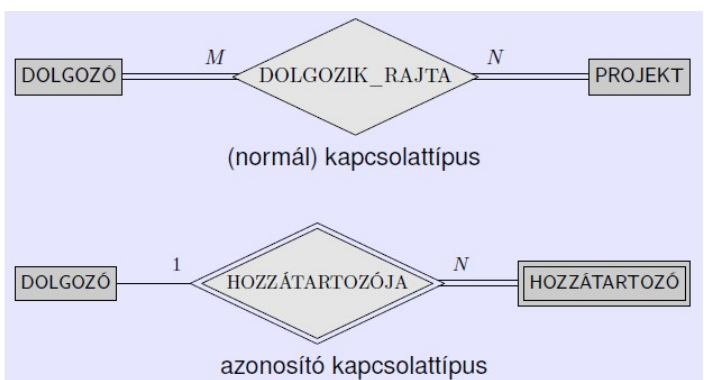
ER Modell Tulajdonságtípusok

A modell kezeli

- az egyszerű és összetett,
- az egyértékű és halmazértékű (többértékű), valamint
- a tárolt és származtatott tulajdonságtípusokat.

Kapcsolattípusok

A modellben tetszőleges fokszámú kapcsolattípus ábrázolható. A következő két ábrán egy-egy másodfokú (bináris) kapcsolattípus látható.



ER séma leképezése relációs sémára

1. Erős egyedtípusok leképezése
2. Gyenge egyedtípusok leképezése
3. Bináris 1 : 1 számosságú kapcsolattípusok leképezése
 - (a) külső kulcs használata
 - (b) összevonás
 - (c) keresztivatkozás v. kapcsoló reláció használata
4. Bináris 1 : N számosságú kapcsolattípusok leképezése
5. Bináris M : N számosságú kapcsolattípusok leképezése
6. Többértékű attribútumok leképezése
7. N-edfokú kapcsolattípusok leképezése

Specializáció és generalizáció

Egy $Z = \{S_1; S_2; \dots; S_n\}$ **specializáció** olyan alosztályoknak egy halmaza, amelyeknek ugyanaz a G a szuperosztálya, azaz $i = 1; 2; \dots; n$ esetén G/S_i egy szuperosztály/alosztály kapcsolat.

G -t **generalizált egyedtípusnak** (vagy a specializáció **szuperosztályának**, olykor pedig az $\{S_1; S_2; \dots; S_n\}$ alosztályok **generalizációjának**) nevezzük.

Predikátum-definiált és felhasználó által definiált specializáció

C -nek egy S alosztályát **predikátum-definiálnak** nevezzük, ha egy p predikátumot írunk elő a C attribútumaira, amellyel megadjuk, hogy mely C -beli egyedek elemei S -nek; azaz $S = C[p]$, ahol $C[p]$ azon C -beli egyedek halmaza, amelyek eleget tesznek a p feltételnek.

Egy alosztályt, amit nem predikátummal definiálunk, **felhasználó által definiálnak** nevezzük.

Egy T **kategória** egy osztály, amely n definiáló szuperosztály ($D_1; D_2; \dots; D_n, n > 1$) uniójának egy részhalma.

Formálisan:

$$T \subseteq (D_1 \cup D_2 \cup \dots \cup D_n)$$

Egy D_i attribútumaira előírt p_i predikátumot használunk az egyes D_i -k azon elemeinek a megadására, amelyek elemei T -nek. Ha minden D_i -re megadunk egy p_i predikátumot, akkor $T = (D_1[p_1] \cup D_2[p_2] \cup \dots \cup D_n[p_n])$.

Ezek után kiterjeszhetjük a **kapcsolattípus** definícióját, megengedve, hogy bármilyen osztály – ne csak az egyedtípusok – részt vehessen egy kapcsolattípusban. Csak ki kell cserélnünk az **egyedtípus** szavakat az **osztály** szóra a definícióban. Az EER grafikus jelölései konzisztensek az ER-rel, mert az osztályokat is téglalapokkal reprezentáljuk

Specializációk és generalizációk leképezése

Konvertáljunk át minden C (generalizált) szuperosztállyal és m Darab, $\{S_1; S_2; \dots; S_m\}$ alosztállyal rendelkező specializációt, ahol C attribútumai $\{k; a_1; \dots; a_n\}$ és k az (elsődleges) kulcs, a következő lehetőségek valamelyike szerint relációsémákká:

- (a) Több reláció – szuperosztály és alosztályok
- (b) Több reláció – csak alosztály relációk
- (c) Egyetlen reláció egy típus attribútummal
- (d) Egyetlen reláció több típus attribútummal

EER Modell

Egy **osztály** egyedek egy halmaza vagy kollekciója; magában foglal minden olyan az EER sémabeli szerkezetet, amely egyedeket csoportosít, például egyedtípusokat, alosztályokat, szuperosztályokat és kategóriákat.

Egy S **alosztály** egy olyan osztály, amely egyedeinek mindig egy másik osztály, a **szuperosztály/alosztály** (vagy **IS-A**) **kapcsolat** C **szuperosztályához** tartozó egyedek egy részhalma kell alkotniuk.

Egy ilyen kapcsolatot C/S -sel jelölünk. Egy szuperosztály/alosztály kapcsolatra mindig igaz, hogy: $S \subseteq C$

Totális, részleges, diszjunkt és átfedő specializ.

Z -t **totálisnak** nevezzük, ha mindig (bármely időpillanatban) teljesül, hogy: Unió 1-től n -ig, $S_i = G$

Egyébként Z -t **részlegesnek** (**parciálisnak**) mondjuk

Z -t **diszjunkt** nevezzük, ha minden $i \neq j$ esetén teljesül, hogy $S_i \cap S_j = \emptyset$ (üres halmaz):

Ellenkező esetben Z -t **átfedőnek** mondjuk.

Attribútum-definiált specializáció

Egy Z specializációt (vagy egy G generalizációt)

attribútum-definiálnak nevezünk, ha egy $(A = c_i)$

predikátumot használhatunk minden egyes Z -beli S_i alosztály tagságának a megadására, ahol A G -nek egy attribútuma, c_i pedig egy konstans érték A tartományából.

Ha $i \neq j$ esetén $c_i \neq c_j$, és A egy egyértékű u attribútum, akkor a specializáció diszjunkt lesz.

EER séma leképezése relációs sémára

1. Erős egyedtípusok leképezése
2. Gyenge egyedtípusok leképezése
3. Bináris 1 : 1 számosságú kapcsolattípusok leképezése
 - (a) külső kulcs használata
 - (b) összevonás
 - (c) keresztivatkozás v. kapcsoló reláció használata
4. Bináris 1 : N számosságú kapcsolattípusok leképezése
5. Bináris M : N számosságú kapcsolattípusok leképezése
6. Többértékű attribútumok leképezése
7. N-edfokú kapcsolattípusok leképezése
8. Specializációk és generalizációk leképezése
9. Unió típusok (kategóriák) leképezése

Unió típusok (kategóriák) leképezése

Különböző kulcsokkal rendelkező szuperosztályok által definiált kategória leképezéséhez célszerű egy új kulcsattribútumot bevezetni, amelyet **helyettesítő kulcsnak** nevezünk a kategóriának megfelelő reláció létrehozásakor. A helyettesítő kulcs attribútumot minden olyan relációba is felvesszük, amelyeket a kategória szuperosztályaiból képezünk.