

2007.10.29. hétfő

VI. Gyakorlat (8. hét)

EA II nov. 8.

KAS1

pótlás dec 6 EA-n

Σ: 40%, kell megtenni a két 2H-nak

## Amplitúdó-modulációk

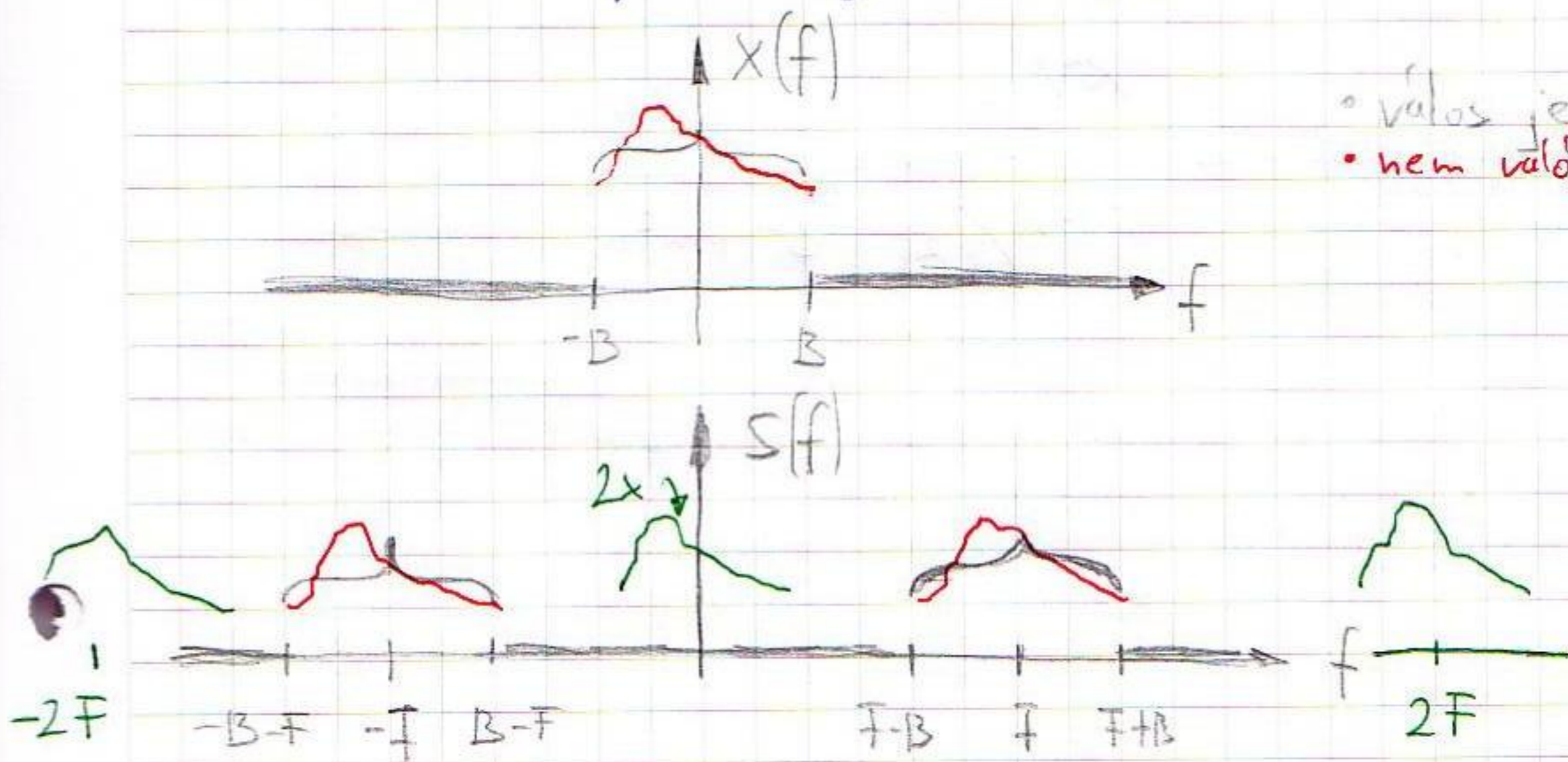
### kétoldalsávú AM-jel előállítás és demodulációja (AM-DSB)

$$\text{AM-DSB} : s_1(t) = (u + x(t)) \cdot \cos(2\pi Ft + \phi)$$

$$\text{AMDSB/SC} : s_2(t) = x(t) \cdot \cos(2\pi Ft + \phi)$$

$$S_2(f) = \frac{1}{2} e^{j\phi} X(f-F) + \frac{1}{2} e^{-j\phi} X(f+F)$$

Ha  $F > B$  (moduláló jel sáv szélessége)



NEM TUKORÖZÜNK, HANEM ELTOLUNK!!!

demoduláció:

időben  $2 s(t) \cdot \cos(2\pi Ft + \psi) = x(t) \cos(\psi - \phi) + x(t) \cos(2\pi 2Ft + \psi + \phi)$

frekvenciában  $e^{j\psi} S_2(f-F) + e^{-j\psi} S_2(f+F) =$   
 $\frac{1}{2} e^{j(\psi+\phi)} X(f-2F) + \frac{1}{2} e^{j(\psi-\phi)} X(f-F+F) +$   
 $+ \frac{1}{2} e^{-j(\psi-\phi)} X(f-F+F) + \frac{1}{2} e^{-j(\psi+\phi)} X(f+2F)$

Demoduláció burtoló defektussal:

$$s(t) = (U + x(t)) \cdot \cos(2\pi Ft + \bar{\phi})$$

csúcségyenirányítással a lokális maximumokat mérjük.

tehát a demodulátor kimenetén a következő jelünk lesz:

$$\hat{x}(t) = |U + x(t)| \neq U + x(t)$$

kieve ha  $U > |x(t)| \quad \forall t \in (-\infty, \infty)$

[e] olcsó, egyszerű, könnyen demodulálható

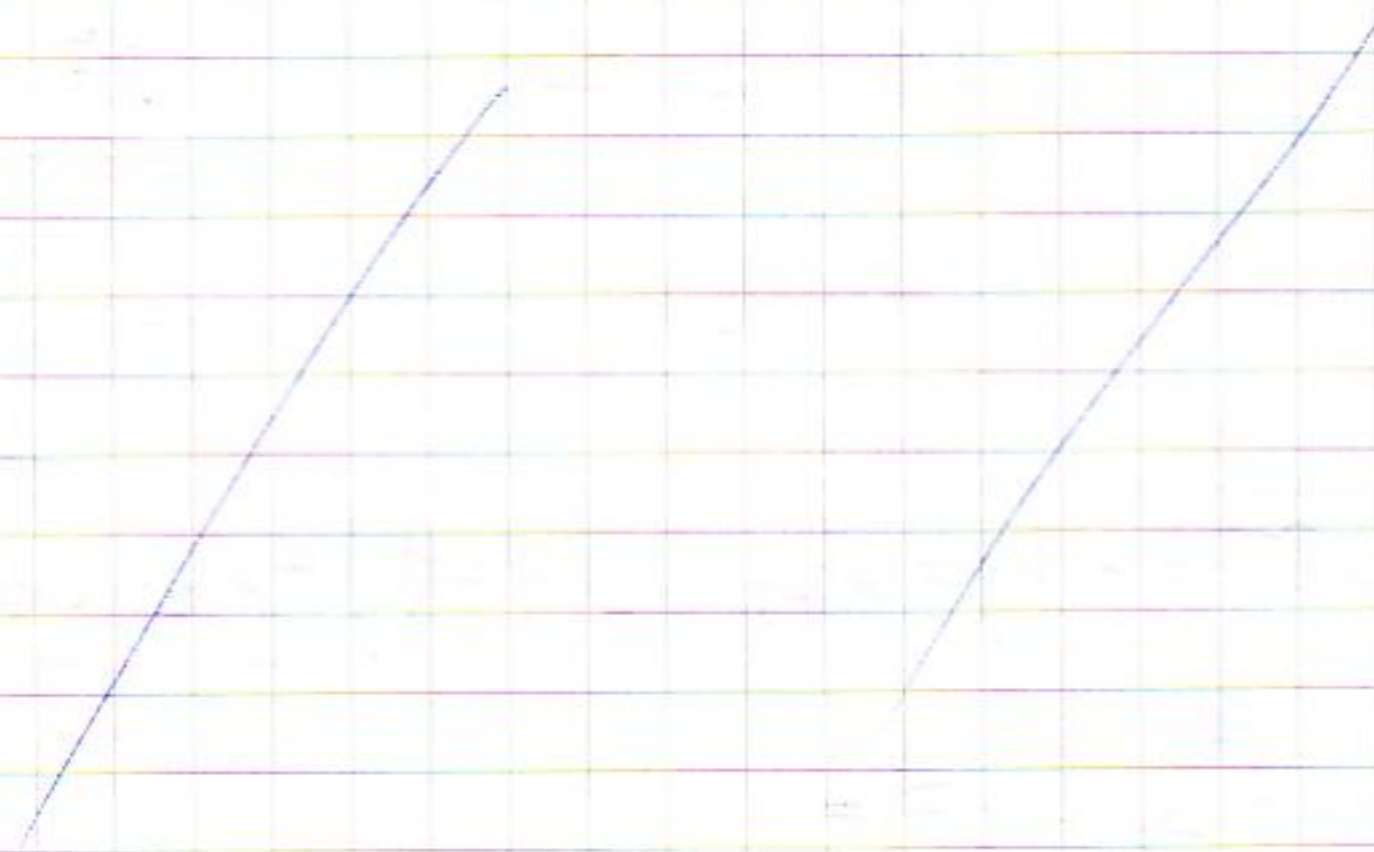
$$\text{modulációs index: } m = \frac{\max |x(t)|}{U} = \frac{x}{U}$$

$$\frac{\text{Hasznos teljesítmény}}{\text{Összes teljesítmény}} = \frac{x^2/c^2}{U^2 + x^2/c^2} = \frac{m^2}{c^2 + m^2}$$

ahol  $c$  a  
modulációs jel  
csúscsúszójára  
(Sinyusz:  $c = \sqrt{2}$ )  
(kosszinusz:  $c = 1$ )  
(kisz:  $c = \sqrt{3}$ )

ha  $m > 1 \Rightarrow$  burtoló defektus nem jó (mert túlmodulál)

$\Rightarrow$  szorzódemodulátor viszont alkalmazható



példa (1) Tfh: szinuszos moduláló jel,

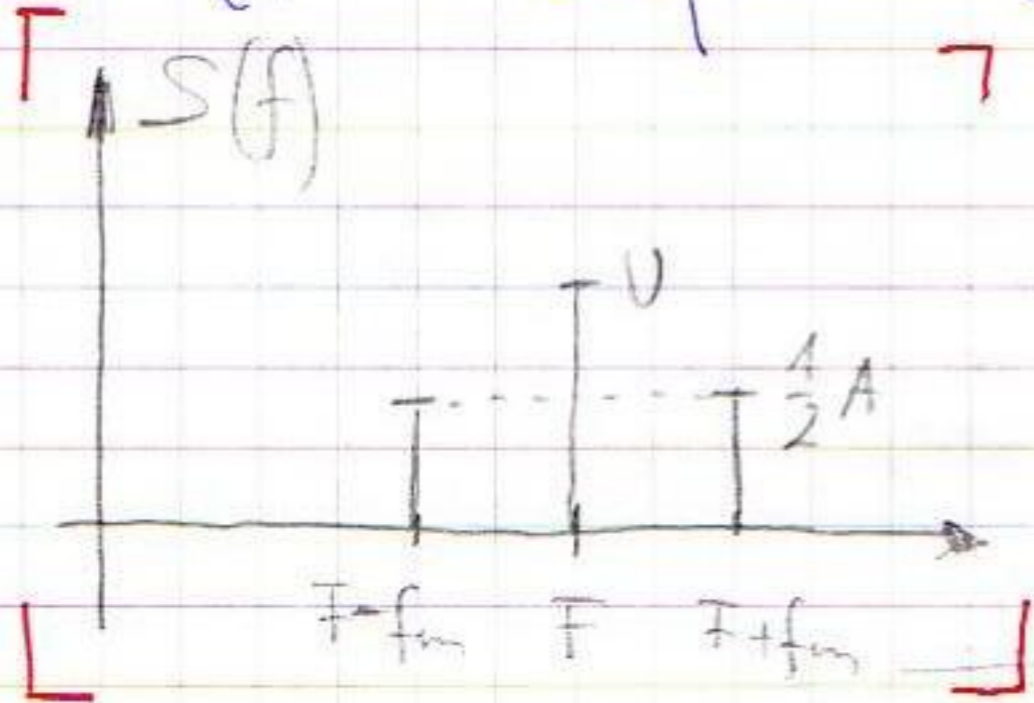
a)  $m = 50\%$

b)  $m = 150\%$

mit történik ha burkolódeklétet használunk? Mekkora a harmonos/összes teljesítmény?  
 Mi változik ha háromszöglet használunk moduláló jelként?

$$s(t) = \underbrace{\left[ U + A \cdot \cos(2\pi f_m \cdot t + \alpha) \right]}_{\text{moduláló jel}} \cdot \underbrace{\cos(2\pi F t + \Phi)}_{\text{vivő jel}}$$

$$\otimes s(t) = U \cdot \cos(2\pi F t + \Phi) + \frac{1}{2} A \cos(2\pi (F - f_m) t + \Phi - \alpha) + \frac{1}{2} A \cos(2\pi (F + f_m) t + \Phi + \alpha)$$



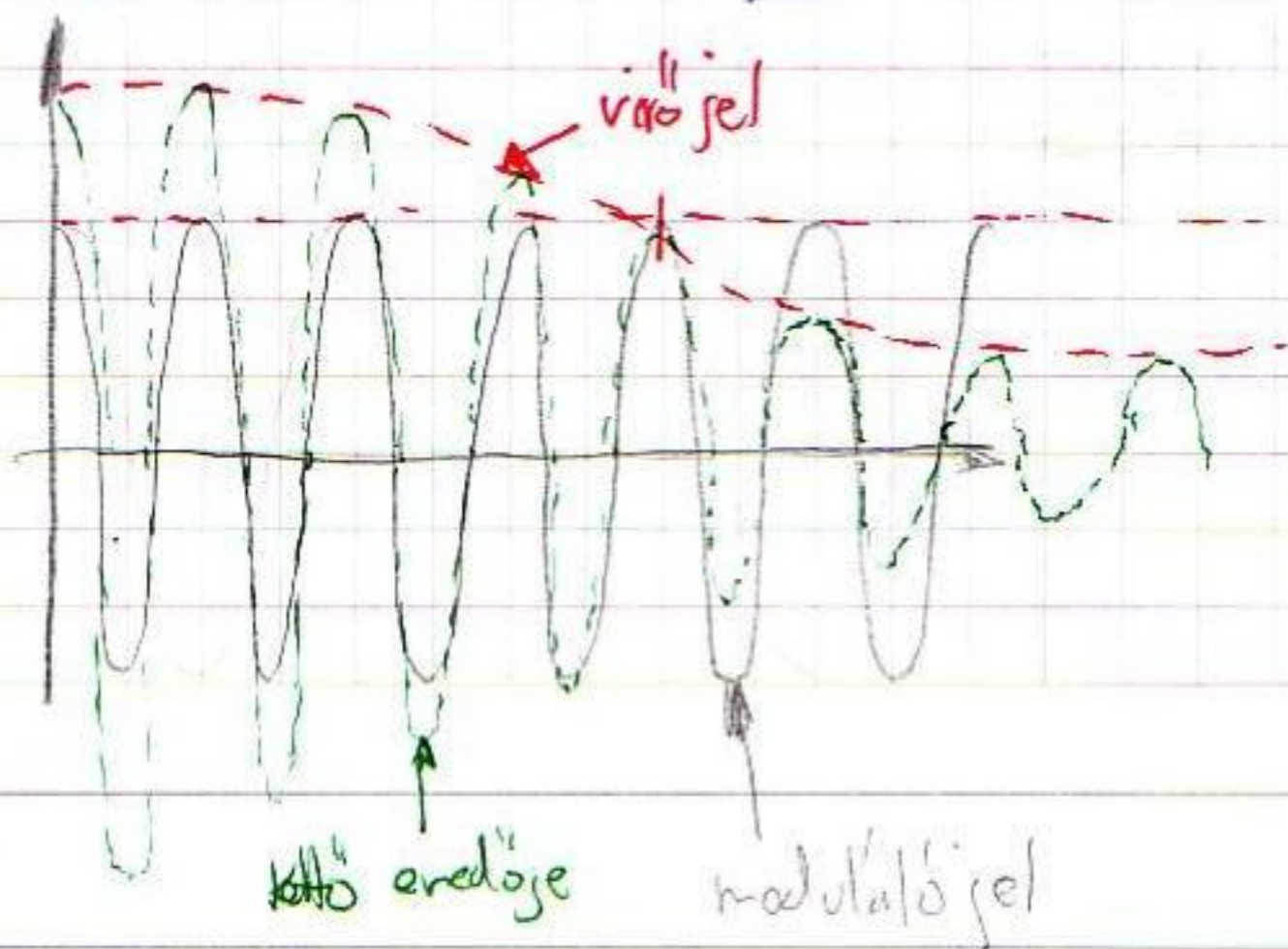
$$P_{\text{összes}} = \frac{1}{2} U^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{A}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{A}{2}\right)^2$$

$$\frac{P_{\text{harmonos}}}{P_{\text{összes}}} = \frac{\frac{1}{2} \frac{A^2}{4} + \frac{1}{2} \frac{A^2}{4}}{\frac{1}{2} U^2 + \frac{1}{2} \frac{A^2}{4} + \frac{1}{2} \frac{A^2}{4}} = \frac{A^2/4}{\frac{1}{2} U^2 + A^2/4} = \frac{m^2}{2+m^2}$$

(↑  $c^2$  szinuszos (PT)²)

$$\frac{P_h}{P_0} \Big|_{m=50\%} = \frac{0,5^2}{2+0,5^2} = \frac{1}{9}$$

$$\frac{P_h}{P_0} \Big|_{m=150\%} = \frac{1,5^2}{2+1,5^2} = \frac{9}{17}$$



Tfh.:  
 $f_v = 5f_m$

b)  $\Delta$  - jel esetén  
 $c = \sqrt{3} \Rightarrow c^2 = 3$

$$\frac{P_h}{P_0} \Big|_{m=50\%} = \frac{1}{13} \quad \frac{P_h}{P_0} \Big|_{m=150\%} = \frac{3}{7}$$

$\Rightarrow$  csökken a hatásfok! hisz a jel esete!

$$F \pm (2k+1) f_m$$

példa (2)

AM modulátor kimenő jele:

$$s_{AM}(t) = 3 \cdot \cos(1800\pi t) + 10 \cos(2000\pi t) + 3 \cos(2200\pi t)$$

- a) Milyen típusú AM?
- b)  $s_m(t)$  (modulálójel) = ?
- c)  $f_v = ?$
- d)  $s_{AM}(t)$  maximuma és minimuma
- e) modulációs mélység?  $\Rightarrow$  AM-DSB
- f) hirtetés / összes teljesítmény aránya

ha feltételezzük, hogy csak egy szinuszos komponense van, az  $s_{AM}(t)$ -nek  $\Rightarrow$  kapunk egy lehetséges megoldást

$$c) \frac{f_v = 1000 \text{ egység}}{f_m = 100 \text{ egység}}$$

\*  $\Rightarrow$

$$b) \underline{s_m(t) = 6 \cos(200\pi t)}$$

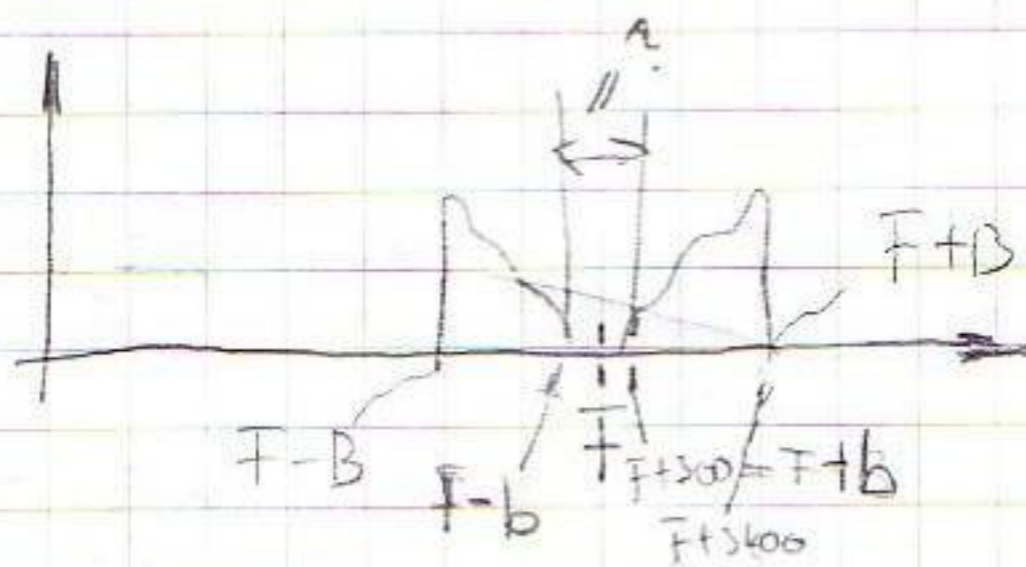
$$\Rightarrow s_{AM}(t) = [10 + 6 \cos(200\pi t)] \cos(2000\pi t) \nearrow$$

$$d) \begin{matrix} \max = 16 \text{ egység} & (10+6) \\ \min = 4 \text{ egység} & -(10+6) \end{matrix}$$

$$e) \Rightarrow m = \frac{6}{10} = \underline{\underline{60\%}}$$

$$f) \frac{P_b}{P_s} = \frac{m^2}{2+m^2} = \frac{0,6^2}{2+0,6^2} \approx \underline{\underline{0,15}}$$

## Egyoldalsavas AM



AM-DSB/SC

↓ sűrésel

AM-SSB/SC

Beszédátviteli rendszerekben 30 dB-es zörösségi csillapítás elegendő

Aszűrő ára • Zörösségi csill.

• meredekség

Milyen meredekség kell, ha

$$f_v = 20 / 50 / 100 \text{ kHz}$$

$$\text{és } f_m \in (300, 3400 \text{ kHz})$$

$$\text{meredekség} = \frac{30 \text{ dB}}{\log_2[(F+b)(F-b)]} = \frac{30 \text{ dB} \ln 2}{\ln[(F+b)(F-b)]} =$$

$$= \frac{21}{2b/F} = 10,5 \cdot \frac{F}{b} \frac{\text{dB}}{\text{oktáv}}$$

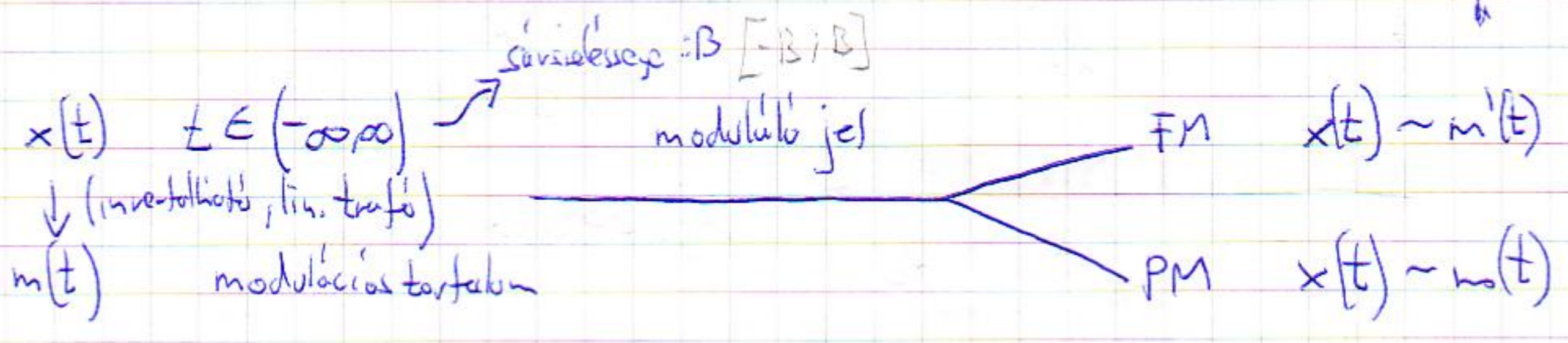
700	1750	3500	$\frac{\text{dB}}{\text{oktáv}}$
↑	↑	↑	
alt szűrés DC	piezo + red. rezonancia	analoggal nem oldható meg	

(alt kétlépcsős sűrés és az utolsó legkisebb befolyásol

2007. 11. 05 hétfő

VII. Gyakorlat (9. hét)

$$\frac{d}{dt} m(t)$$



$$s(t) = U \cdot \cos \left( 2\pi Ft + m(t) + \varphi \right) \text{ moduláló jel}$$

$$f_p = F + \frac{1}{2\pi} m'(t)$$

$$\text{Fázis löket: } \phi = \max_t \{ |m(t)| \}$$

$$\text{Frekv. löket: } f_D = \frac{1}{2\pi} \max_t \{ |m'(t)| \}$$

Kvadratura:

$$s(t) = U \cos(m(t)) \cdot \cos(2\pi Ft + \varphi) - U \sin(m(t)) \cdot \sin(2\pi Ft + \varphi)$$

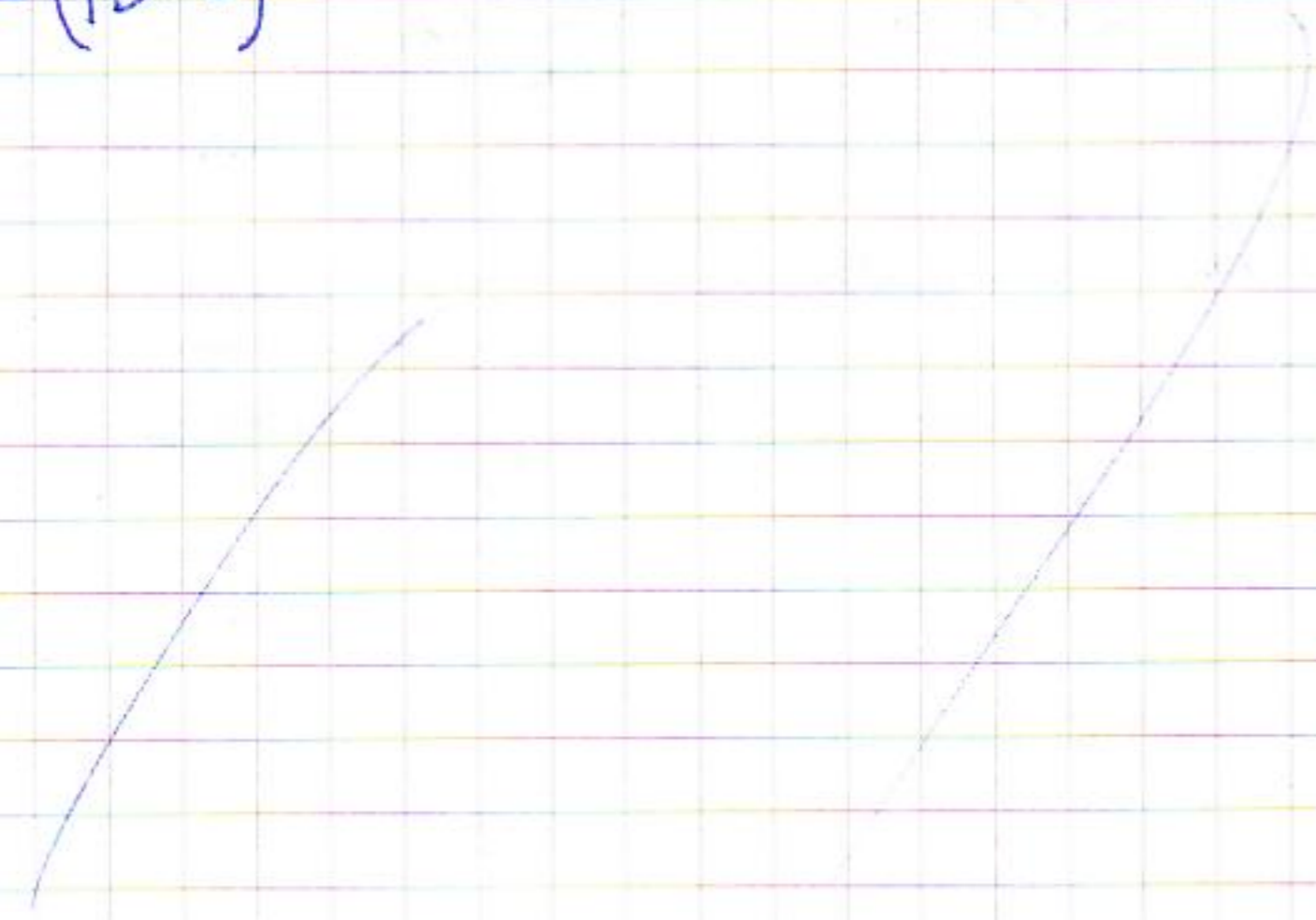
Kislöketű jel ( $\phi \leq 0,1$ ) esetén:

$$s(t) \approx \underbrace{U \cos(2\pi Ft + \varphi)}_{90^\circ\text{-kal eltolt vörös}} - \underbrace{U \cdot m(t) \cdot \sin(2\pi Ft + \varphi)}_{\text{AM-DSB/SC}}$$

"szűkebbé vagy szélesebbé az eredeti jelévé"

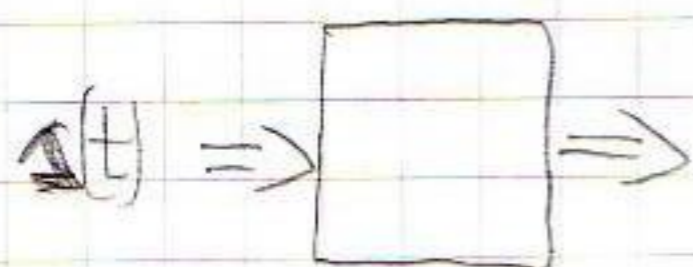
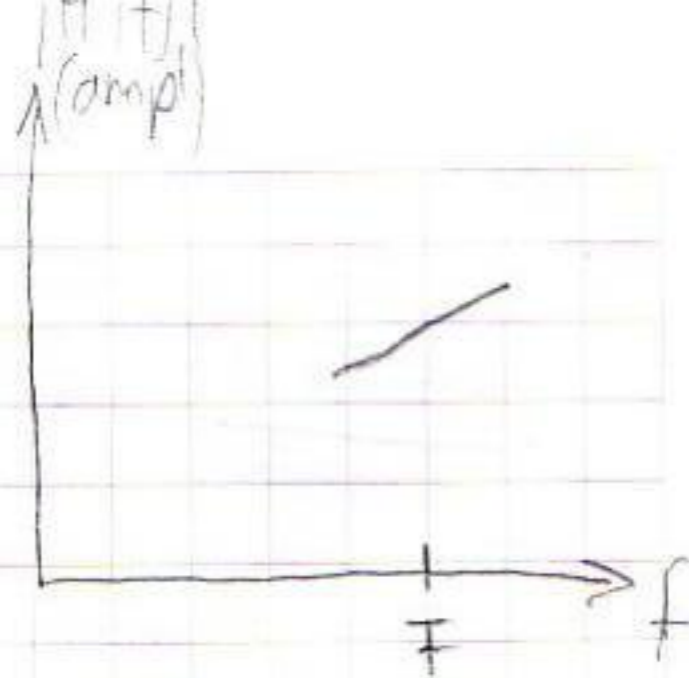
Ha a löket nem kicsi ( $B_v = 2B$ )

$$\left. \begin{array}{l} \text{hagyományos} \\ \text{DSB} \end{array} \right\} \begin{cases} B_v \approx 2B(1+\phi) \\ B_v = 2(f_0 + B) \end{cases}$$



## Demoduláció (szögdemoduláció)

Állandó amplitudójú, ingadozó frekvenciájú jel:  $s(t)$



Az amplitudóra visszatér a frekvencia változását

az amplitudókonverziókor a vörös körökben a frekvenciával arányosan változik.

Legyen a deriválás  $(j2\pi f) \Rightarrow s'(t) = -U (2\pi F + m'(t)) \sin(2\pi Ft + m(t) + \varphi)$   
(AM + FM jel)

Ha FM  $\Rightarrow$  moduláló jelet kapjuk, ha PM  $\Rightarrow$  integrálni kell  $(m'(t) - t)$

Ifh nem lin korlátos lép fel:

$$\hat{s}(t) = s^3(t) = U^3 \cdot \cos^3(2\pi Ft + m(t) + \varphi) = \\ = \frac{3}{4} U^3 \cos(2\pi Ft + m(t) + \varphi) + \frac{1}{4} U^3 \cos(2\pi \cdot 3Ft + 3m(t) + 3\varphi)$$

## Szögmodulált jelek sávszélessége

példa(1) FM jel:  $f_v = 10 \text{ kHz}$

moduláló jel:  $f_m = 20 \text{ kHz}$  frekv. (sin)

fázisletet: 3,4

$$B_v = 2 \cdot B (1 + \phi)$$

$$\underline{B_v} = 2 \cdot f_m (1 + 3,4) = 2 \cdot 20 \text{ kHz} \cdot 4,4 \approx \underline{176 \text{ kHz}}$$

példa (2)  $F = 450 \text{ MHz}$  szögmodulált rendszert

A fázismodulátorát  $1 \text{ V}$  amplit.,  $1 \text{ kHz}$ -es frekv. mérőjellel vizsgáljuk

A mérőjel hatására a fázislöket  $5 \text{ rad}$

A modulált jelet FM demodulátorral demoduláljuk

$\Rightarrow 0,5 \text{ V}$  amplit. szinusz len.

a) Mekkora az  $f_D$  frekv. löket?

$$\text{FM mod} \Rightarrow m(t) = k \cdot x(t)$$

$$\max_t \{|x(t)|\} = 1 \text{ V}$$

$$\phi = \max_t \{|m(t)|\} = 5 \text{ radian}$$

$\Downarrow$

$$k = 5 \frac{\text{rad}}{\text{V}}$$

Szinuszos mod.jel esetén (ampl.  $X$ , frekv.  $f_0$ )

$$\max_t \{|m'(t)|\} = 2\pi f_D = k \cdot 2\pi f_0 X$$

$$\underline{\underline{f_D}} = k \cdot f_0 \cdot X = 5 \frac{\text{rad}}{\text{V}} \cdot 1 \text{ kHz} \cdot 1 \text{ V} = \underline{\underline{5 \text{ kHz}}}$$

b) adjunk mérőjellel  $3 \text{ V}$  amplit.,  $8 \text{ kHz}$  frekv. -ű szimmetrikus  
hosszú jelet

$$\phi_D = ? , f_{D\Delta} = ?$$

$$\phi_D = 15 \text{ rad} \quad (3 \cdot 5 \text{ rad})$$

$$\max_t \{|m'(t)|\} = 2\pi \cdot \underset{\substack{\uparrow \\ \text{frekv.} \\ \text{löket}}}{f_D} = \frac{k \cdot X_{pp}}{\frac{T}{2}} = 2k \cdot X_{pp} \cdot \underset{\substack{\uparrow \\ \Delta\text{-jel fje}}}{f_{D\Delta}} \sim 76,4 \text{ kHz}$$

arányossági tényező  $C = \frac{0,5 \text{ V}}{5 \text{ kHz}} = 0,1 \frac{\text{V}}{\text{kHz}}$

$$\Rightarrow \square\text{-jel} \Rightarrow A = 7,64 \text{ V}$$

Példa (3) Kislökeltű fázis moduláció nemlin. torzítása

$$s(t) \approx U \cos(2\pi Ft + \varphi) - U \cdot m(t) \sin(2\pi Ft + \varphi)$$

$$s(t) = U \cdot \sqrt{1 + m^2(t)} \cdot \cos[2\pi Ft + \arctg(m(t))]$$

- jórölekos AM
- nemlin torzítás a modulációs tartományban

példa (4) Szögmodulált jel demodulálása fázistolás szorzóval

=> szögmodulált jelet összeszorozzuk a T-re l késleltetett

szögmodulálttal. Utána ez aluláteresztővel szűrjük

$$\begin{aligned} & U \cdot \cos(2\pi Ft + m(t)) \cdot U \cdot \cos(2\pi Ft - \varphi + m(t-T)) = \\ & \frac{U^2}{2} \cos(\varphi + m(t) - m(t-T)) + \frac{U^2}{2} \cos(2\pi 2Ft - \varphi + m(t) + m(t-T)) \end{aligned}$$

~~L.P.F.~~

ha pl  $\varphi = 270^\circ$

$$\frac{U^2}{2} \sin[m(t) - m(t-T)] \approx T \cdot \frac{U^2}{2} \cdot \frac{m(t) - m(t-T)}{T}$$

AMODULÁCIÓS TARTOMÁNY  
DIFFICIA HANYADOSA

"csúls":

$$\varphi = \varphi' - 2\pi FT$$

$\sim m'(t)$

2007.11.12 hétfő

VIII. Gyakorlat (10. hét)

+ csöccsok anélkül

Digitális alapsívi átvitelPAM (pulse. ampl. mod) - jel spektrális viselkedése:

$$s_{\text{PAM}}(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} d_k \cdot h(t - kT)$$

T: időzési idő

h(t): elemi jel

d<sub>k</sub>: k=0, ±1, ±2, ... amplitúdó (sorozat)h(t) "keskeny" (T-hez képest) ⇒ T szélességű d<sub>k</sub> magasságú időrészekd<sub>k</sub> amplitúdó sorozatra igaz:

• gyakran 0 várható értékű

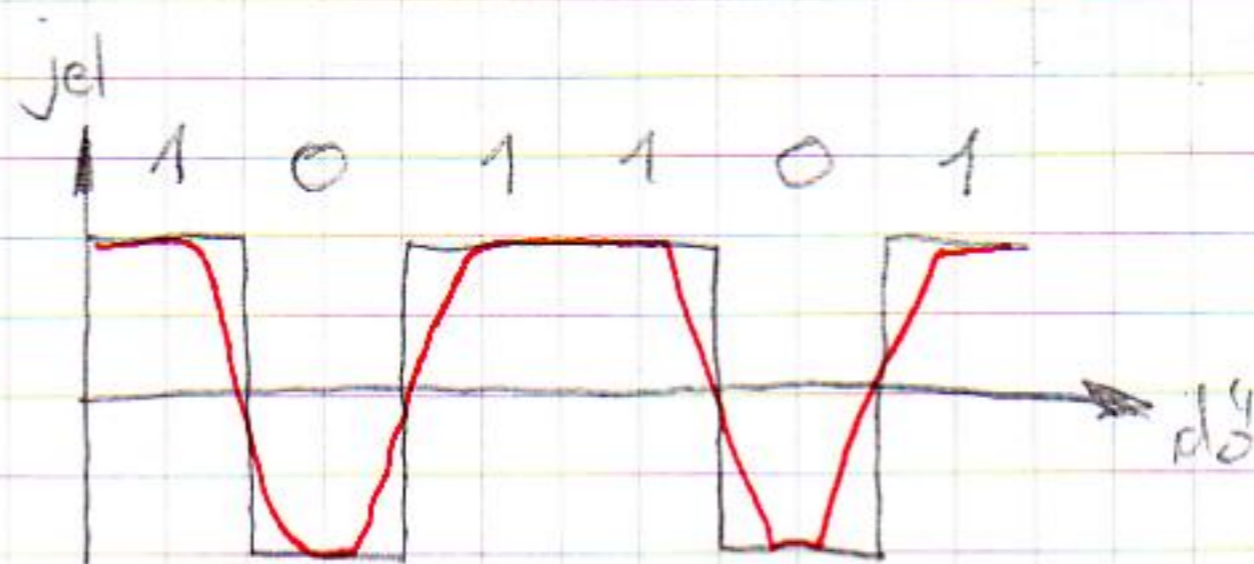
• Számossága 2 vagy hatvány (az értékekétszere)

• Az értékek: ±1, ±3, ±5, ±7, ...

• függetlenül következnek le egymástól (csak az elemi jeltől függ) ⇒ statisztikailag függetlenek

elemi jel spektruma:  $H(f) = H_A(f) \cdot H_C(f) \cdot H_V(f)$  (adó + csatorna + vétőszűrő spektruma)ISI-mentesség feltétele:

"szomszédos szomszéd" elemi jel



h(t) spektruma kérdése (szimbólum-közi átlós elkerülések)

↳ h(t) legyen olyan, hogy a szomszédos időrészek  
mintavételi időpontjaiban 0 értékű legyen

⇒

Szimbólum-közi átlós: szomszédos időrészekben lévő jeltek befolyásolják egymást

$$\Rightarrow h(t) = \begin{cases} h_0, & \text{ha } t = t_0 \\ 0, & \text{ha } t = t_0 + kT \quad k \neq 0 \quad k \in \mathbb{Z} \\ \text{tetszőleges, egyébként} \end{cases}$$

$$h_k = h(t + kT) \quad \text{sorozatban csak } h_0 \neq 0$$

A mintasorozat spektruma

$$H_S(f) = 0$$

$$H_S(f) = \frac{1}{T} \sum_{k=-\infty}^{\infty} H(f - k/T) \cdot e^{j2\pi(f - k/T)t_0} = h_0 \quad (\text{konstans}) \Rightarrow \underline{\underline{\text{Nyquist Krit}}}$$

[hatévesül: a jelünk szimbólum-közi áthallás-mentes]

Szűrők helyes megválasztása (áthallásmentes, de zaj még befolyásolható)

A zaj hatása

A jel-zaj viszonyt akarjuk növelni, ennek a monoton csökkenő függvénye a hibaválósímság.

Feltételezzük, hogy szélessávú fehér zaj terheli az átvitelt

$c$ : arányossági tényező  
 $t_0$ : késleltetés

$$H_V(f) = c \cdot H_{ATC}^*(f) e^{-j2\pi f t_0} = c \cdot H_A^*(f) \cdot H_C^*(f) \cdot e^{+j2\pi f t_0}$$

Ekkor a véőbejuttott zaj spektrális sűrűsége:

$$S_V(f) = H_V(f) \cdot H_V^*(f) \cdot s_0 = s_0 \cdot c \cdot \underbrace{H_V(f) \cdot H_A^*(f) \cdot H_C^*(f)}_{H(f)} \cdot e^{+j2\pi f t_0}$$

$$\sigma^2 = N = \int_{-\infty}^{\infty} S_V(f) df = s_0 \cdot c \cdot h_0$$



A zaj teljesítmény:A jel értéke:

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} |H_A(f) \cdot H_C(f)|^2 df = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{C} \cdot H_V(f) \cdot A_A(f) \cdot H_C(f) \cdot e^{j2\pi} df =$$

$$= \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{\infty} H(f) \cdot e^{j2\pi f t_0} df = \frac{h_0}{C}$$

A jel-zaj viszony:  $\left[ \frac{h_0^2}{\sigma^2} = \frac{h_0}{s_0 \cdot C} = \frac{E}{s_0} \right]$

Példák

1 ISI-mentes PAM jel mintái  $\pm 1,2V$  értékűek a verőszűrő után.

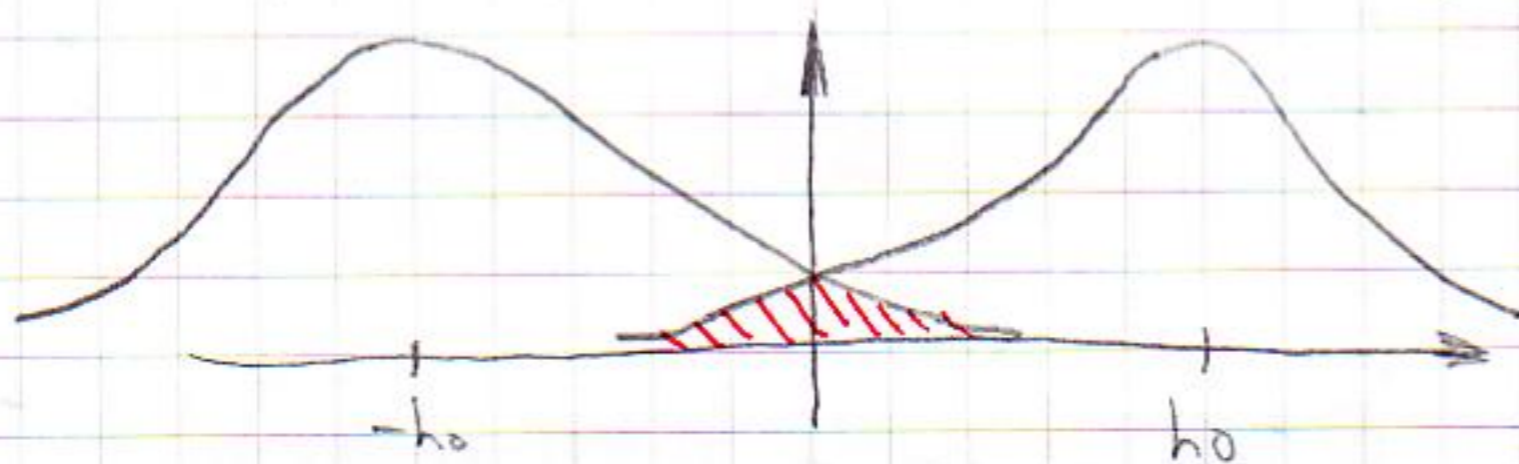
Additív Gauss-zaj: a verő döntő áramkörének bemenetén

0 várható értékű,  $0,3V$  szórású

$\Rightarrow$   $t_{ho}$  é  $-t_{ho}$ ,  $n$

$$P_e = P(n < -h_0, m = h_0) + P(n > h_0, m = -h_0) =$$

$$= P(n < -h_0) \cdot P(m = h_0) + P(n > h_0) \cdot P(m = -h_0) =$$



$$P(n < -h_0) = P(n > h_0)$$

$$= P(n < -h_0) \underbrace{[P(m = h_0) + P(m = -h_0)]}_1$$

$$\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{z^2}{2}} dz$$

$$P(n < -h_0) = \Phi\left(-\frac{h_0}{\sigma}\right)$$

$$\underline{P_e} = \Phi\left(\frac{-h_0}{\sigma}\right) = \underline{\underline{3,2 \cdot 10^{-5}}}$$

Többszintű esetben ( $L$  a szintek száma)

$$\left[ P_e = 2 \cdot \frac{L-1}{L} \cdot \Phi\left(-\frac{h_0}{\sigma}\right) \right]$$

Hogyan változik a jeltesztmény?

4-szintű esetben:  $\frac{1}{2} (1^2 + 3^2) = 5$ -szoros  $\sim 7\text{dB}$   $\Rightarrow (L^2 - 1)/3$

8-szintű esetben  $\frac{1}{4} (1^2 + 3^2 + 5^2 + 7^2) = 21$ -szoros  $\sim 13\text{dB}$

2] ISI-mentes rendszer, de a minta vételezés elcsúszik

$\Rightarrow m_0 = 1, m_{\pm 1} = 0, m_{\pm 2} = 0 \dots$  helyett

elcsúszás  $\Rightarrow m_0 = 0,99, m_{-1} = 0,1, m_{+1} = -0,1, m_{\pm 2} = 0 \dots$

2, 4, 8-szintű rendszerek vannak

$\pm 1$   $\leftarrow$   $\downarrow$   $\rightarrow$   
 $\pm 1, \pm 3$   $\pm 1, \pm 3, \pm 5, \pm 7$  (jelamplitúdó)

A hiba-arányt meghatározó jel-zaj viszony:  $\frac{1}{6}$

2-szintű esetben

a feltételezés:  $0,99 - d_{\max} (0,1 + 0,1) = 0,99 - 1(0,2) = 0,79$

4-szintű esetben

$0,99 - d_{\max} (0,1 + 0,1) = 0,99 - 3(0,2) = 0,39$

8-szintű esetben

$0,99 - d_{\max} (0,1 + 0,1) = 0,99 - 7(0,2) < 0$

$\Rightarrow$  a feltételezés negatív  $\Rightarrow$  hibás döntés zaj nélkül is!!!

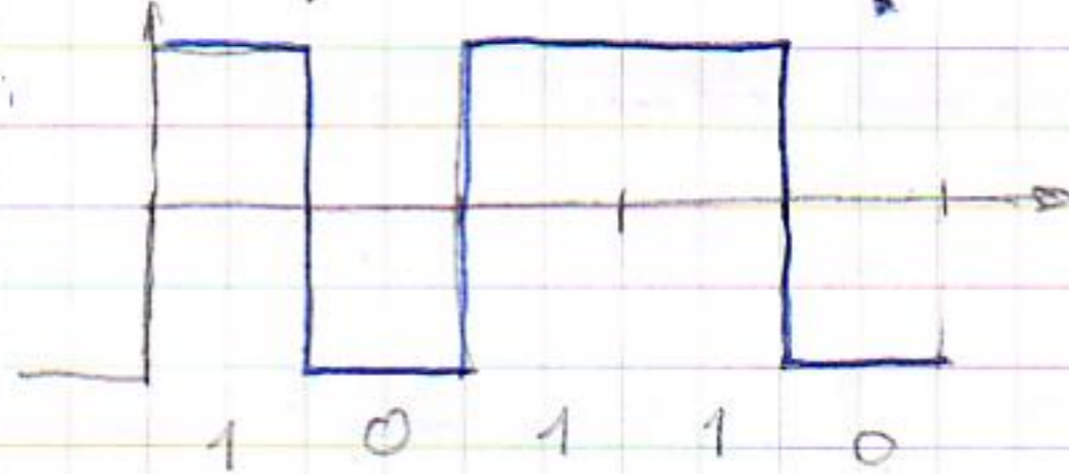
!!!

3 Ideális bináris NRZ-jel alakja, ha az 10110 bitsorozatot kódoljuk.  
Rajzoljunk szemabrat is!

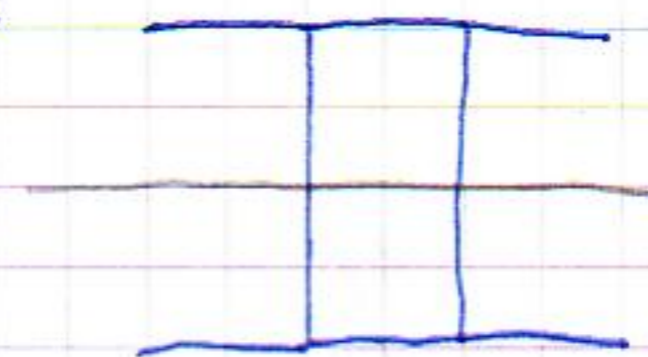
Elemi jel:



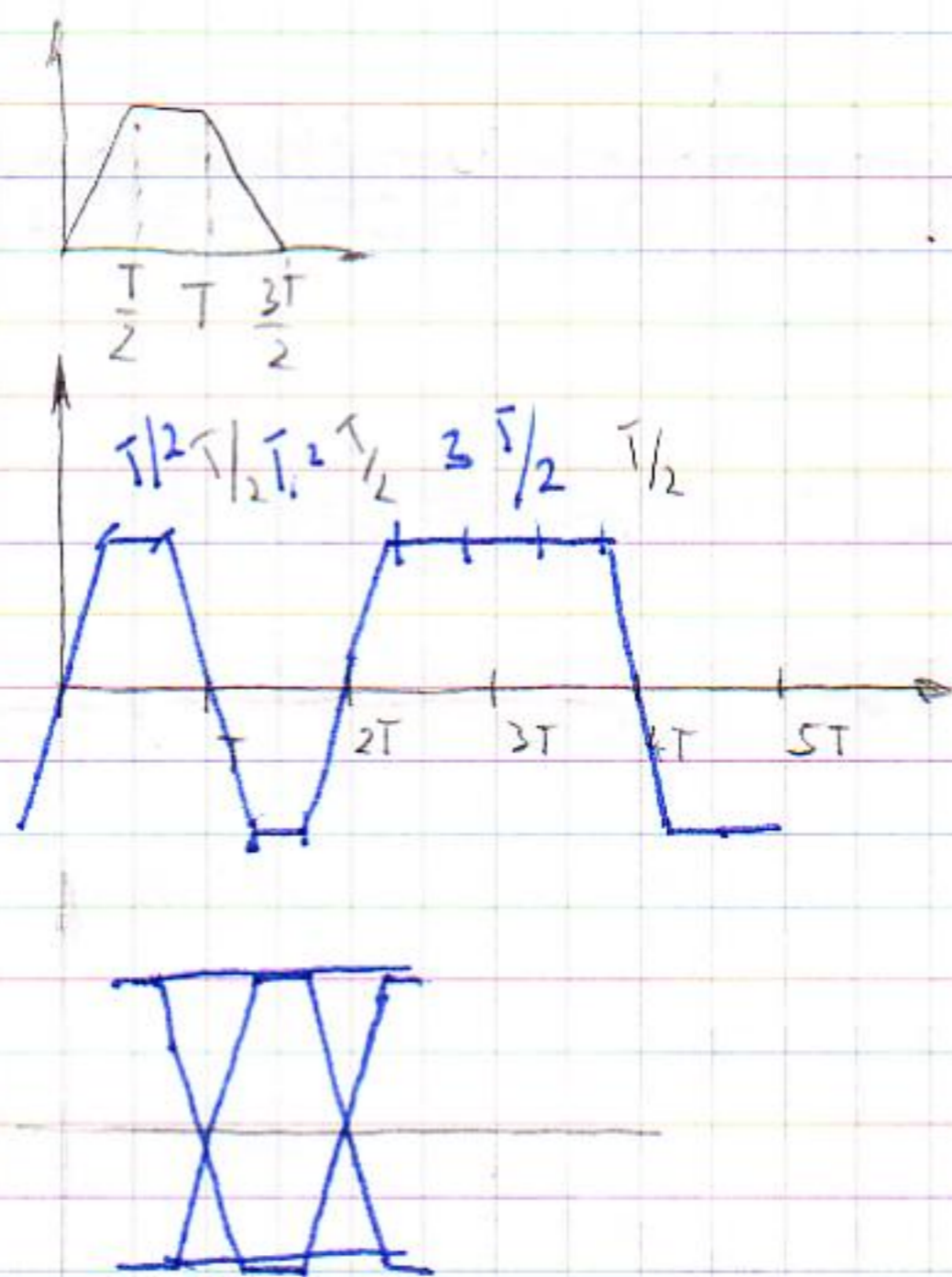
Jelsorozat:



Szemabrat:



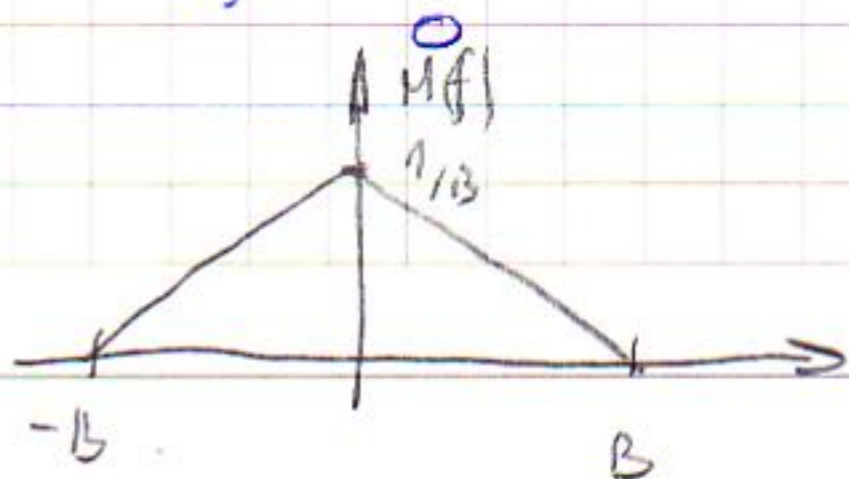
Diszperzió története a lefutási és felfutási idő, illetve ucsúsan töltött idő  $T/2$



4

$$M(f) = \frac{1}{B} \left(1 - \frac{|f|}{B}\right), \text{ ha } |f| \leq B$$

egyébent



$$m(t) = \left( \frac{\sin(\pi Bt)}{\pi Bt} \right)^2$$

2007. 11. 19. hétfő

IX. Gyakorlat (11. hét)

## Digitális modulációs

### eljárások

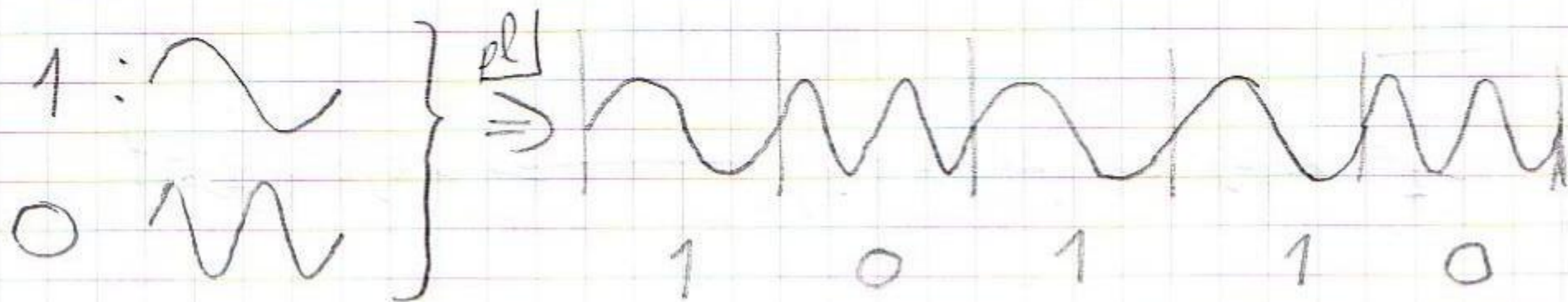
( FSK / ASK / QAM )

### FSK (frequency shift keying)

FM, ahol a moduláló jel egy bináris NRZ jel  
 $f_0$  és  $f_1$  frekvenciájú sinuszos jelcsomagok egymás után

jele: vivő freq :  $f = \frac{f_0 + f_1}{2}$

frekv. kötet :  $f_D = \frac{|f_1 - f_0|}{2}$



$f_D$ -nek lennie a sávselességnek

$$f_D = \frac{1}{4T}$$

MINIMUM SHIFT KEYING (min. sávselesség)

jelzési idő: ( $T$ )  
 $\left(\frac{1}{T}\right)$  jelzési sebesség

ASK ( $\approx$  FM) (kétoldalos AM)

OOK

BPSK

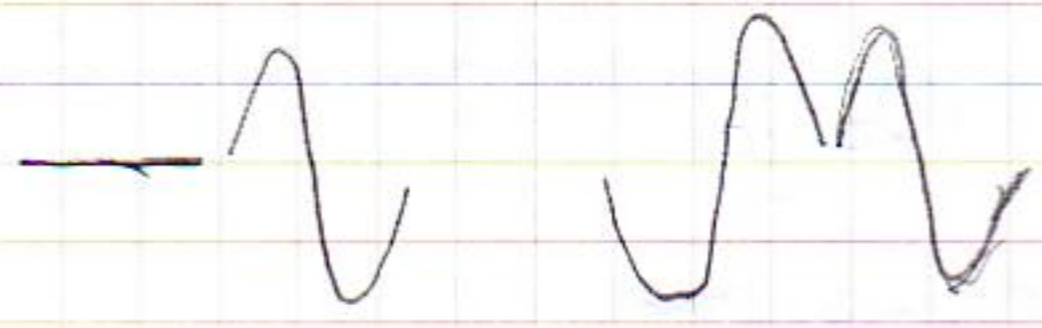
(on-off keying)

(binary phase shift keying)

Az eltérés, az az sorozat értékeiből

{0, 2}

{-1, 1}



fázis átmenet  
kezdt vált

QAM

$$S_I = x(t) \cdot \cos(2\pi Ft + \Phi) \xrightarrow[\Psi \text{ fázisú cos-os vörösével}]{\text{demoduláció}} x(t) \cdot \cos(\Phi - \Psi)$$

$$S_Q = y(t) \cdot \sin(2\pi Ft + \Phi) = y(t) \cdot \cos(2\pi Ft + \Phi - \frac{\pi}{2}) \xrightarrow{=} y(t) \cos(\Phi - \Psi - \frac{\pi}{2}) = y(t) \cdot \sin(\Phi - \Psi)$$

$$S_{QAM}(t) = S_I(t) - S_Q(t) = x(t) \cos(\Phi - \Psi) - y(t) \sin(\Phi - \Psi) \xrightarrow[\Psi + \frac{\pi}{2} \text{ fázisú vörösével}]{\text{demoduláció}} x(t) \sin(\Phi - \Psi) + y(t) \cos(\Phi - \Psi)$$

Ha "jók vagyunk", akkor  $\Phi = \Psi$

↳ megkapjuk a torzításmentesen

$$S_{QAM}(t) = \sqrt{x^2(t) + y^2(t)} \cdot \cos\left(2\pi Ft + \Phi + \arctan\frac{y(t)}{x(t)}\right)$$

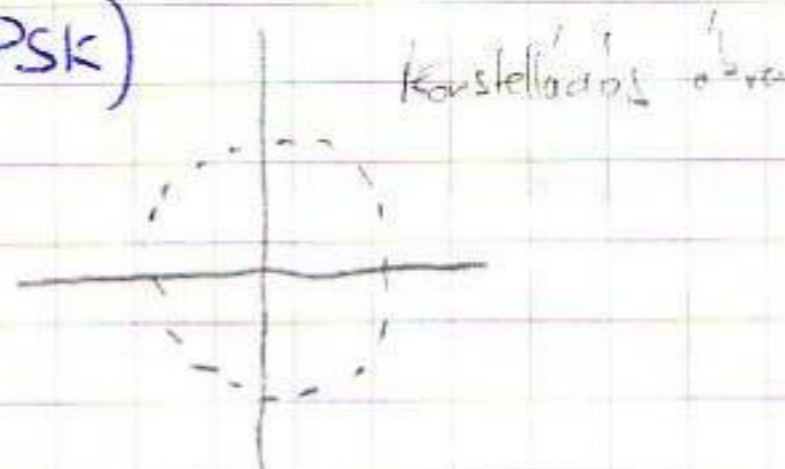
ha  $x(t)$  és  $y(t)$  bináris, akkor 4PSK vagy QPSK-nak hívjuk

LPSK (L-fázisú PSK)

$$d_k = 2 \cdot \cos \Phi_k$$

$$c_k = 2 \cdot \sin \Phi_k$$

$$\Phi_i = i \frac{2\pi}{L} \quad i = 0, 1, \dots, L-1$$



napjainkban: egy négyzetű pontjai szerint  $\rightarrow$   
többszintű moduláció

L-szint esetben  $L^2$  pont

Melyek legyenek a jelpontok, ha 5-bites kódosztályunk van?

pont elhagyására a legkisebb hibához kell elhagyni  
pl V92-modem szelvé.

Feladatok

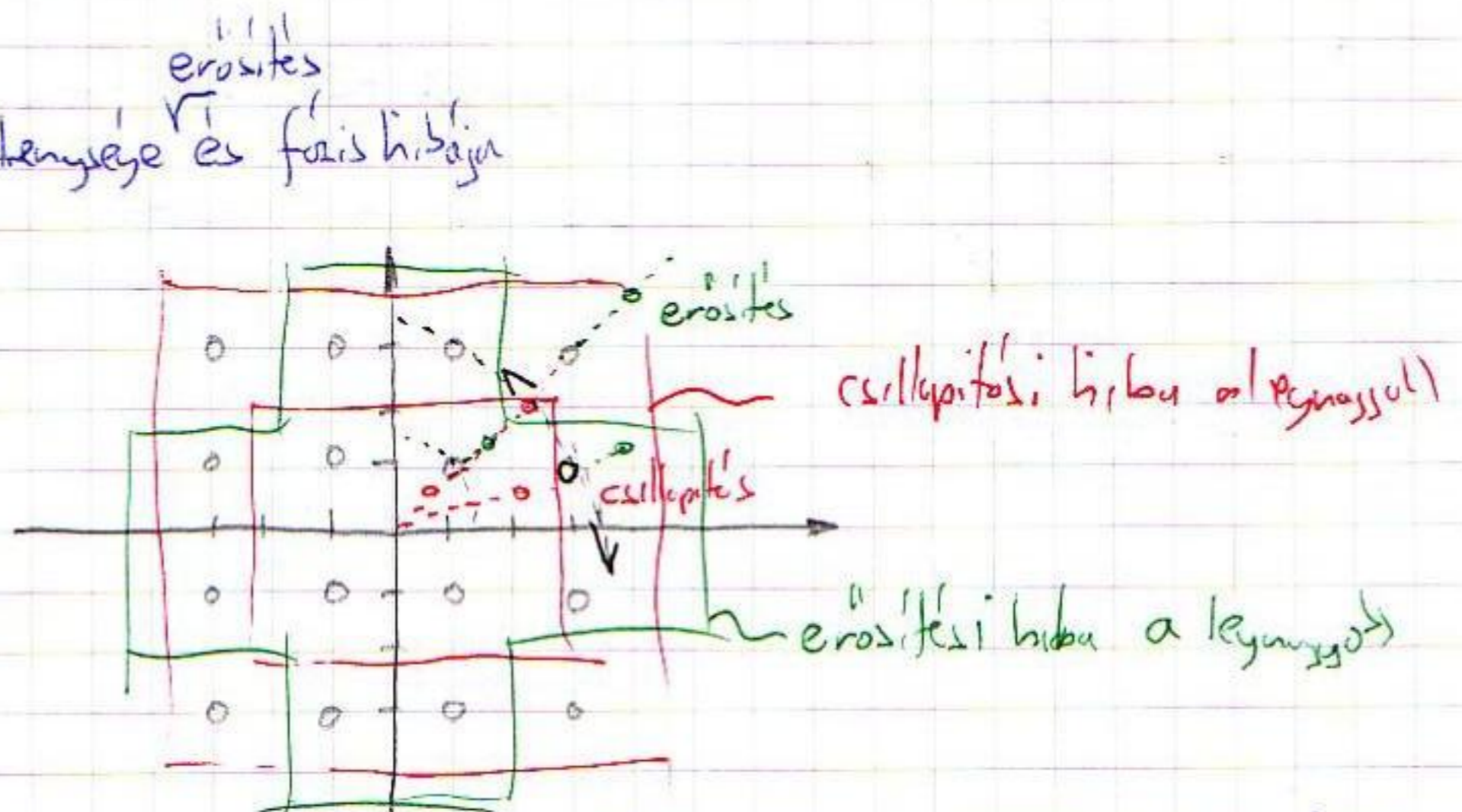
példa (1)

QAM jelek érzékenysége és fázis hibája

16 QAM

$$d_k \in \{\pm 1, \pm 3\}$$

$$c_k \in \{\pm 1, \pm 3\}$$



Erosítési hiba  $\pm 1, \pm 3 \Rightarrow \pm A, \pm 3A$

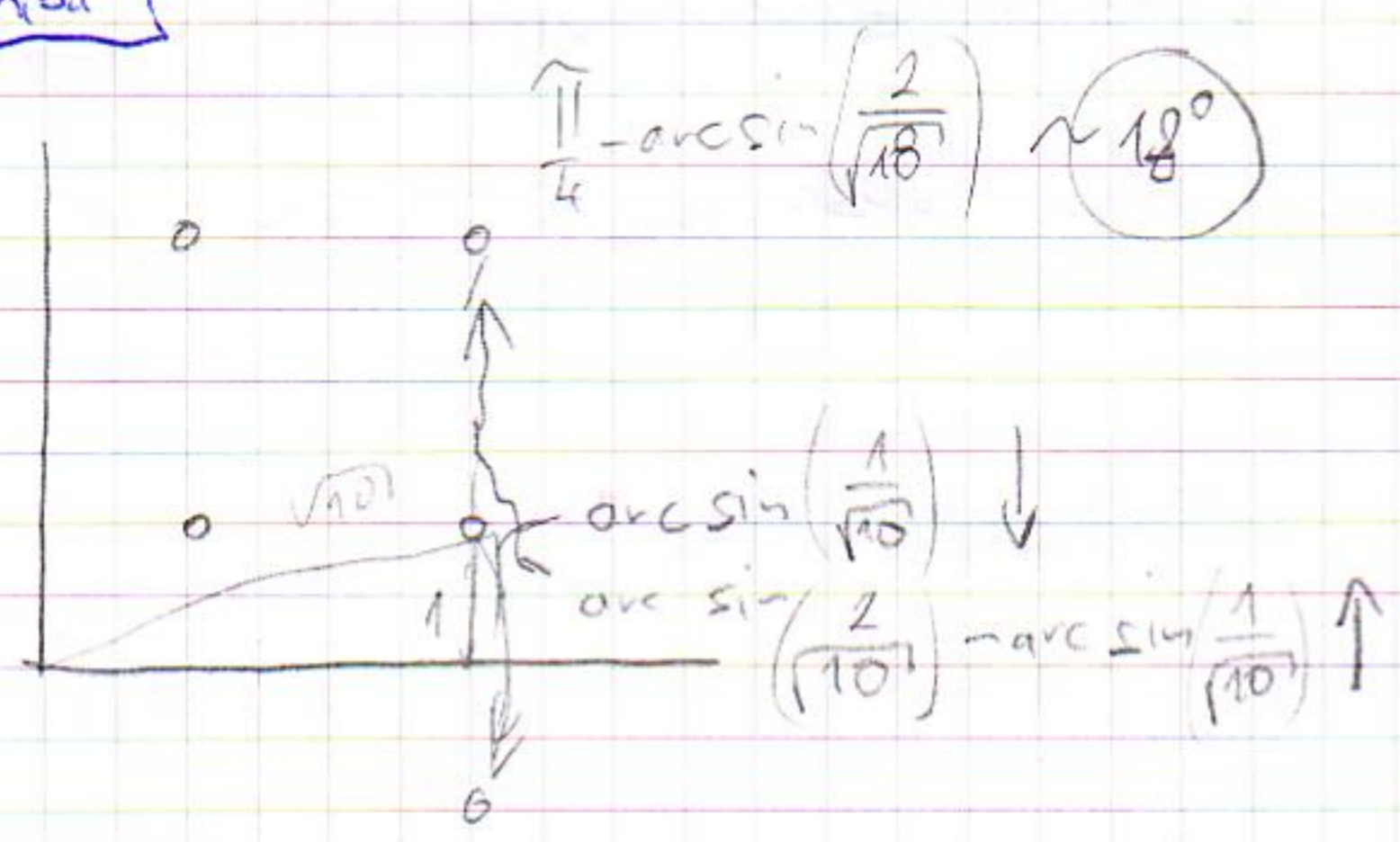
Fázishiba: az origótól való távolság megmarad

$A < 1 \Rightarrow$  csillapítás

$A > 1 \Rightarrow$  erősítés

Ha  $A < \frac{2}{3} \Rightarrow$  a külső pontok esetében rosszul vesszük...  
Ha  $A > 2 \Rightarrow$  a belső pontok esetében rosszul vesszük...  
erősítési hiba

### Fázishiba



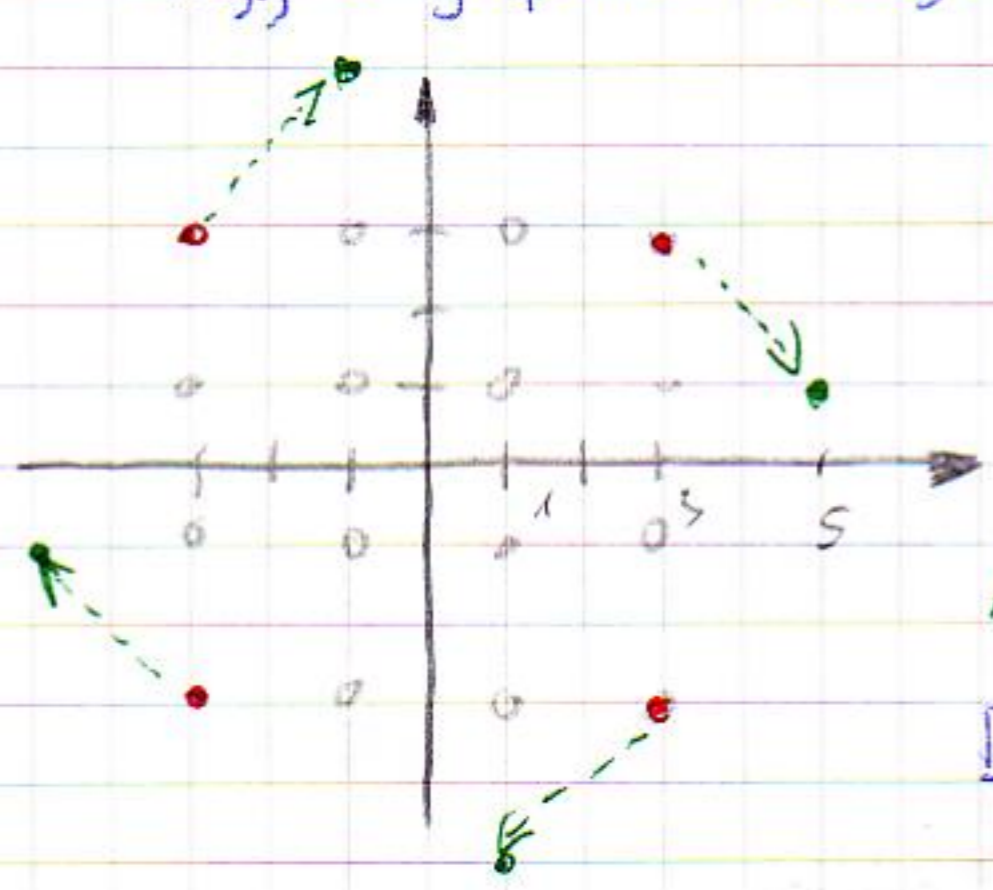
=> legkisebb érték kell választani 16-4 értéket

=> 64 QAM esetében választani 64-16-4

### példa(2)

(Teljesítmény tolerancia QAM)

Lehet-e egy 16 QAM jelnek teljesítményigényét csökkenteni anélkül hogy a jelponthoz tartozókat csökkentenénk?



Legnagyobb energiájú jel  $(3^2 + 3^2)$ , 18 egységnyi amplitúdó négyzet

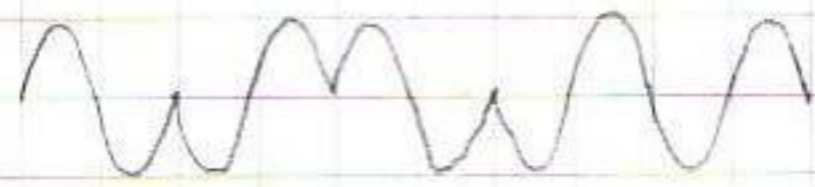
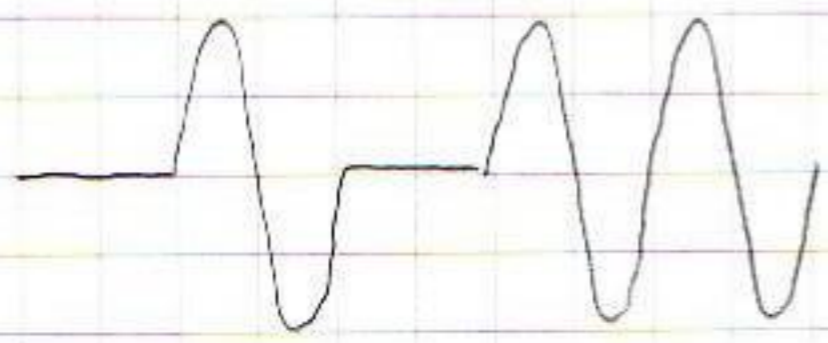
Amplitúdó  $1^2 + 5^2 = 26$  (nem jó)

De 64 QAM esetén alapból  $7^2 + 7^2 = 98$    
  $1^2 + 9^2 = 82$  (itt jobb)

HF  $L \rightarrow \infty$ !

HF<sup>+</sup> méréspontok lefedése!

peldar(3) OOK vs. BPSK



$d_k$  0 2 0 2 2  
 $b_{in}$  (1 0 1 0 0)

$d_k$  -1 1 -1 1 1  
 $b_{in}$  (1 0 1 0 0)

⇒ optik hullámokkal

szor 20 dem nem lehet!!!

(kapuatt. átvitel)

demólok szor 20 átvitel

teljesítmények (0-k számossága = 1-ek számossága)

$$P = \begin{cases} 0 & \text{ha nem jön jel} \\ \frac{4U^2}{2} & \text{, ha jön jel} \end{cases} \quad P = \frac{U^2}{2}$$

↑  
ideális jel  
↑  
ideális üres jel

$$\left(\frac{4U^2}{2} + 0\right) / 2 = U^2$$

$$\left(\frac{U^2}{2} + \frac{U^2}{2}\right) / 2 = \frac{U^2}{2}$$

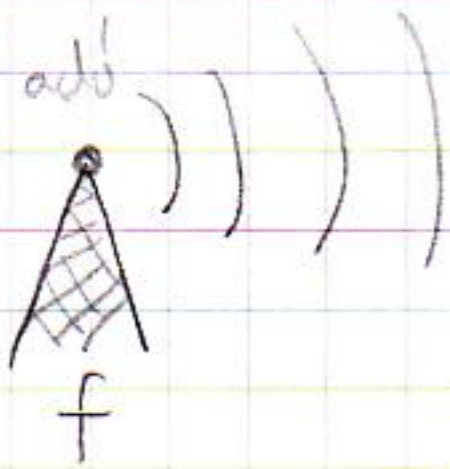


példa (4) / Fázishibák Doppler esetén

GSM 900MHz -es vevő

gyorsaság :  $1 \frac{m}{s}$

autós :  $30 \frac{km}{h} = 108 \frac{km}{h}$



$$f + \frac{v}{\lambda} = f \cdot \left(1 + \frac{v}{c}\right)$$

$$= 9 \cdot 10^8 \left(1 + \frac{1}{3 \cdot 10^8}\right) \Rightarrow \Delta f = \overset{\text{közeledés}}{+} 3 \text{ Hz}$$

$$= 900 \text{ MHz} + 3 \text{ Hz} \quad \text{közeledés}$$

$$900 \text{ MHz} - 3 \text{ Hz} \quad \text{távolodás}$$

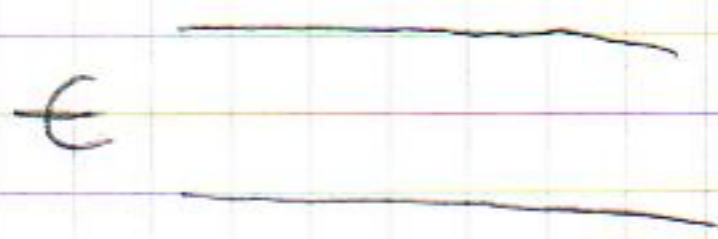
autós

$$\Delta f = \pm 90 \text{ Hz}$$

megoldható : időben nem hirtelen változik



kis freq csomag



nagy freq csomag

⇒

⇒