

$$w_{12}^* = w_{12} + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g (z_2 - z_1).$$

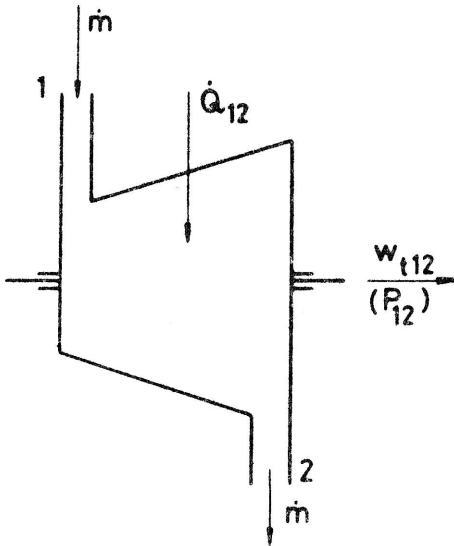
2.13

### 2.2.3. Az I. főtétel nyitott rendszerekre

#### A technikai munka

A műszaki gyakorlatban sokszor adódnak termodinamikai problémák gépekkel vagy berendezésekkel kapcsolatban, amelyeken folytonosan

anyag áramlik keresztül. Az esetek nagy részében ez a folyamat az időben stacionáriusnak vehető. Egy ilyen nyitott rendszernek tekinthető gép vázlatosan a 10. ábrán látható. A beömlő csonton keresztül folytonosan érkezik a géphez az 1 állapotú közeg, majd a gépben különböző folyamatokat végezve a kiömlő csonton át 2 állapotban távozik. Az áramlást stacionáriusnak tekintve a nyitott rendszerre felírható az I. főtételnek olyan alakja, amelyben csak a rendszer határán érvényes állapotjelzők szerepelnek. A nyitott rendszer energiaviszonyairól tehát anélkül kapunk számszerű eredményt, hogy a rendszer (gép) belsejében végbemenő folyamatokat közelebbről ismernénk.



10. ábra

A 10. ábrán bemutatott gép tengelyén folyamatosan rendelkezésre álló munkát a műszaki alkalmazásokban betöltött fontos szerepe miatt a technikai munkának nevezzük, és  $W_t$ -val jelöljük. Stacionárius esetben, miközben  $\Delta\tau = \tau_2 - \tau_1$  idő alatt  $\Delta m$  tömegű közeg halad át a gépen, a gép tengelyéről levehető teljesítmény

$$P_{12} = \frac{W_{t12}}{\Delta\tau}$$

Ez a teljesítmény a

$$w_{t12} = \frac{W_{t12}}{\Delta m}$$

fajlagos technikai munkával és az

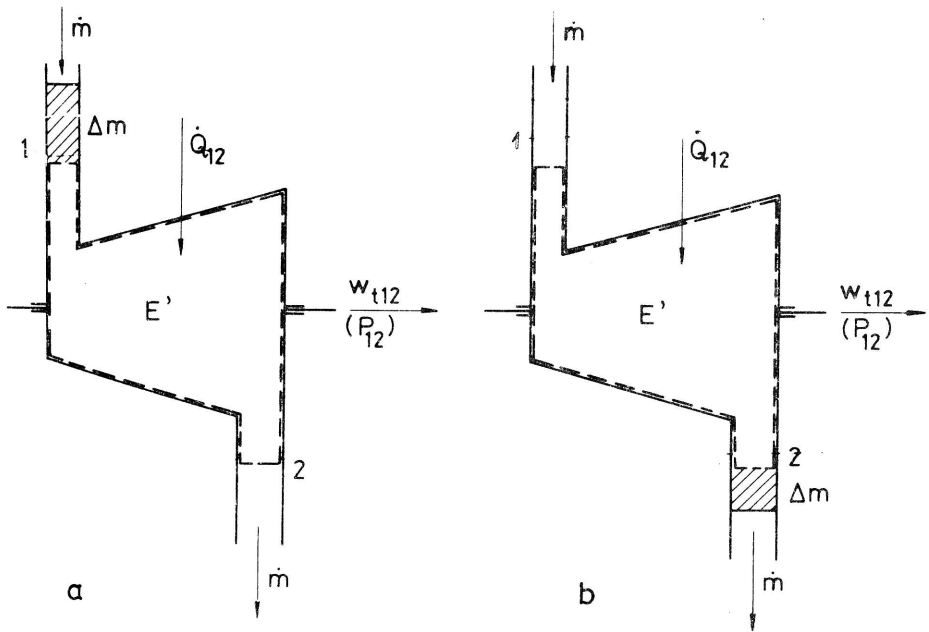
$$\dot{m} = \frac{\Delta m}{\Delta \tau}$$

az időben állandó tömegárammal is felírható az alábbi formában:

$$P_{12} = \dot{m} w_{t12} \quad 2.14$$

A gép teljesítménye az áthaladó közeg tömegáramával és a fajlagos technikai munkával arányos.

A nyitott rendszer technikai munkájának meghatározásához a 11. ábrának megfelelően gondolatban határoljunk el egy zárt rendszert (szaggatott vonallal jelölve) amely a nyitott rendszeren kívül még  $\Delta m$  tömegű közegmennyiséget is tartalmaz.



11. ábra

A  $\Delta m$  tömeg legyen olyan kicsi, hogy egységes állapotjelzőkkel lehessen jellemezni. Ez a mozgó zárt rendszer keresztülhalad a gépen, a

folyamat kezdetén a  $\Delta m$  tömeg a gép belépő keresztmetszete előtt (11. ábra a) kép), a folyamat végén a gép kilépő keresztmetszete után helyezkedik el (11. ábra b) kép). A mozgó zárt rendszerre a 11. ábra jelöléseivel az I. főtétel a

$$Q_{12} + W_{12}^* = E_2 - E_1 \quad 2.15$$

alakban írható, ahol a zárt rendszer összenergiája a nyitott rendszer állandónak tekinthető  $E'$  energiájából és a  $\Delta m$  tömeg energiájából tevődik össze:

$$E = E' + \Delta m \left( u + \frac{c^2}{2} + gz \right).$$

A 2.15 összefüggés ezzel a

$$Q_{12} + W_{12}^* = \Delta m \left[ \left( u_2 + \frac{c_2^2}{2} + gz_2 \right) - \left( u_1 + \frac{c_1^2}{2} + gz_1 \right) \right] \quad 2.16$$

alakban írható fel, ahol  $Q_{12}$  a folyamat során a rendszerrel közölt hő és  $W_{12}^*$  az összmunka, amely a tengelyen jelentkező  $W_{t12}$  technikai munkának, valamint a be- és kilépő keresztmetszetben adódó térfogatváltozási munkának az összege. Miközben a zártnak képzelt rendszer elmozdul a gépben, a belépésnél térfogatcsökkenés, a kilépésnél térfogatnövekedés következik be, így a belépésnél pozitív, a kilépésnél negatív térfogatváltozási munkával kell számolnunk, amelyek a be- és kilépő keresztmetszetben uralkodó állapotjelzőkből számíthatók. Ezzel az összmunka a

$$W_{12}^* = W_{t12} + p_1 v_1 \Delta m - p_2 v_2 \Delta m$$

összefüggésből határozható meg. Ezzel az I. főtétel a következő formában írható fel:

$$Q_{12} + W_{t12} = \Delta m \left[ \left( u_2 + p_2 v_2 + \frac{c_2^2}{2} + gz_2 \right) - \left( u_1 + p_1 v_1 + \frac{c_1^2}{2} + gz_1 \right) \right]. \quad 2.17$$

Az egyenletet  $\Delta\tau$  időtartammal osztva a

$$\dot{Q}_{12} + P_{12} = \dot{m} \left[ (u_2 + p_2 v_2 + \frac{c_2^2}{2} + gz_2) - (u_1 + p_1 v_1 + \frac{c_1^2}{2} + gz_1) \right]$$

alakhoz jutunk. Itt  $\Delta\tau$  időtartam tetszőleges, mivel a folyamat stacionárius és

$$\dot{m} = \frac{\Delta m}{\Delta\tau} \quad \text{a tömegáram;}$$

$$\dot{Q}_{12} = \frac{Q_{12}}{\Delta\tau} \quad \text{a hőáram és}$$

$$P_{12} = \frac{W_{t12}}{\Delta\tau} \quad \text{a teljesítmény.}$$

### Az entalpia

Az I. főtétel (2.17) alakja speciálisan nyitott rendszerekre érvényes. Az együttesen jelentkező  $u+pv$  összeg éppen úgy állapotjelző, mint a benne szereplő belső energia, nyomás és fajtérfogat. Ezt az áramló közegeknél jelentkező állapotjelzőt entalpiának nevezzük és  $H$ -val jelöljük:

$$H = U + pV,$$

a fajlagos entalpia

$$h = \frac{H}{m} = u + pv.$$

Ezzel a nyitott rendszerekre használható alak a következő lesz:

$$\dot{Q}_{12} + P_{12} = \dot{m} \left[ h_2 - h_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1) \right], \quad 2.18$$

ill.

$$q_{12} + w_{t12} = h_2 - h_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1) \quad 2.19$$

Szavakban kifejezve a nyitott rendszerbe vezetett hőnek és a technikai munkának az összege az entalpiának, a kinetikus és potenciális energiának a változásával egyenlő.

Az I. főtételnek nyitott rendszerekre érvényes 2.19 szerinti alakjában csak a rendszerhatáron mérhető mennyiségek szerepelnek, ezért szigorúan csak ezekre szükséges a stacionárius feltételnek teljesülnie. Egyébként azonban a rendszer belsejében instacionárius folyamatok is lejátszódhatnak anélkül, hogy ez a körülmény az I. főtétel érvényességét befolyásolná.

Az entalpia

$$h = u + pv$$

alakjából adódik, hogy

$$du + p dv = dh - v dp.$$

Az I. főtétel zárt rendszerekre felírt alakjában a belső energia helyett egyenértékűleg használható az entalpia is. Reverzibilis esetben tehát ezzel a

$$(q_{12})_{\text{rev}} = u_2 - u_1 + \int_1^2 p dv = h_2 - h_1 - \int_1^2 v dp \quad 2.20$$

összefüggéshez jutunk, amelyet jól felhasználhatunk olyan esetekben, amelyekben az entalpiának van szerepe.

### A technikai munka és a surlódási munka

A 11. ábrán bemutatott mozgó zárt rendszerre az I. főtétel kétféle alakját írhatjuk fel, egyrészt a 2.12 szerinti

$$q_{12} + w_{12}^* = u_2 - u_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1),$$

másrészt

$$q_{12} + w_{t12} = h_2 - h_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1)$$

alakot. A kettő összevetve és a 2.13 egyenletet is figyelembe véve a technikai munka kifejezhető az alábbiak szerint:

$$w_{t12} = w_{12}^* + p_2 v_2 - p_1 v_1 = w_{12} + p_2 v_2 - p_1 v_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1).$$

Kvázistatikus esetben

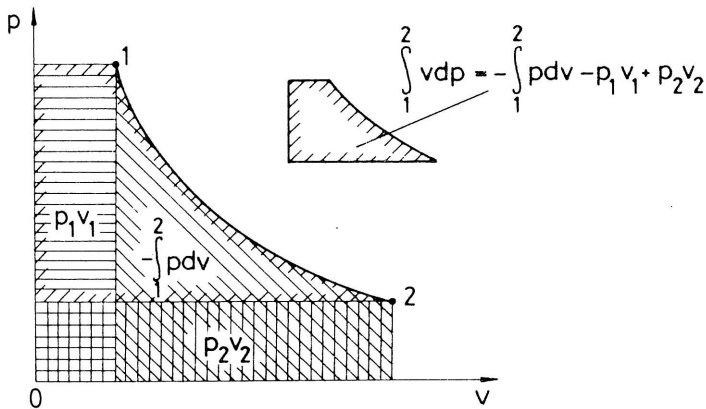
$$w_{12} = - \int_1^2 p dv + w_{12\text{surl}},$$

és így írható, hogy

$$w_{t12} = - \int_1^2 p dv + p_2 v_2 - p_1 v_1 + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1) + w_{12\text{surl}}.$$

A kvázistatikus állapotváltozást  $p, v$  diagramban a 12. ábra tünteti fel. Az ábra alapján írható, hogy

$$- \int_1^2 p dv + p_2 v_2 - p_1 v_1 = \int_1^2 v dp$$



12. ábra

Ezzel azután

$$w_{t12} = \int_1^2 v dp + w_{12\text{surl}} + \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) + g(z_2 - z_1). \quad 2.21$$

A 12. ábrán az állapotváltozási görbétől balra kivetített terület arányos az  $\int_1^2 vdp$ -vel; ez csak reverzibilis esetben és csak akkor egyenlő a technikai munkával, ha a kinetikus és a potenciális energia változása elhanyagolhatóan csekély.

Irreverzibilis kompresszió esetén a nyitott rendszerbe betáplálendő technikai munka a surlódási munkának, valamint a kinetikus és potenciális energia-növekedésnek megfelelően nagyobb, ezzel szemben irreverzibilis expanzió esetén a rendszerből nyerhető technikai munka a felsorolt energiáknak megfelelően kisebb az  $\int_1^2 vdp$  területtel arányos energiánál.

### 2.3. Kalorikus állapotegyenletek

A belső energia és az entalpia ún. kalorikus állapotjelzők és így egyszerű rendszerek esetében másik két állapotjelző segítségével kifejezhetők. Ilyen módon adódnak az

$$U = U(p, v); \quad U = U(p, T) \quad \text{és} \quad U = U(v, T),$$

valamint a

$$H = H(p, v); \quad H = H(p, T) \quad \text{és} \quad H = H(v, T)$$

összefüggések, amelyeket kalorikus állapotegyenleteknek szokás nevezni. Ezek a termikus és kalorikus állapotjelzők közötti összefüggések általában rendkívül bonyolultak. Kiindulva a belső energiára felírható fajlagos mennyiségekre vonatkozó

$$u = u(T, v)$$

kalorikus állapotegyenletből, a belső energia teljes differenciálja kifejezhető az alábbiak szerint:

$$du = \left( \frac{\partial u}{\partial T} \right)_v dT + \left( \frac{\partial u}{\partial v} \right)_T dv. \quad 2.22$$