



## Operații cu vectori

$$\begin{aligned} \vec{a} &= x_1 \vec{i} + y_1 \vec{j} \Leftrightarrow \vec{a}(x_1; y_1) \Leftrightarrow A(x_1; y_1) \\ \vec{b} &= x_2 \vec{i} + y_2 \vec{j} \Leftrightarrow \vec{b}(x_2; y_2) \Leftrightarrow B(x_2; y_2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \vec{a} + \vec{b} &(x_1 + x_2; y_1 + y_2) \text{ coordonatele sumei} \\ \vec{a} - \vec{b} &(x_1 - x_2; y_1 - y_2) \text{ coordonatele diferenței} \\ c \vec{a} &(cx_1; cy_1) \text{ coordonatele produsului} \\ |\vec{a}| &= \sqrt{x_1^2 + y_1^2} \text{ lungimea vectorului} \\ \vec{a} \cdot \vec{b} &= x_1 x_2 + y_1 y_2 \text{ produsul scalar} \\ \cos \alpha &= \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|} = \frac{x_1 x_2 + y_1 y_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2}} \end{aligned}$$


---

## Lungimea unui segment; mijlocul segmentului centrul de greutate

$$|\overline{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \quad x = \frac{x_1 + x_2}{2}; y = \frac{y_1 + y_2}{2} \text{ mijlocul segmentului } AB$$

$$x = \frac{nx_1 + mx_2}{m+n}; y = \frac{ny_1 + my_2}{m+n} \text{ punctul care imparte segmentul } AB \text{ in raport } m/n$$

$$A(x_1; x_2)$$

$$B(x_2; y_2) \Rightarrow G\left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}; \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}\right) \text{ centrul de greutate}$$

$$C(x_3; y_3)$$


---

## Ecuția dreptei

$$\vec{v}(x_2 - x_1; y_2 - y_1) \text{ vectorul director}$$

$$\vec{n}(y_2 - y_1; -x_2 + x_1) \text{ normala vectorului}$$

$$\vec{n}(A; B) \text{ normala dreptei}$$

$$\vec{n} \perp \vec{v}$$

$$m = \operatorname{tg} \alpha = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = -\frac{A}{B} \text{ coeficientul unghiular}$$

$$P_1 P_2 \parallel P_3 P_4 \Leftrightarrow m_{P_1 P_2} = m_{P_3 P_4}$$

$$P_1 P_2 \perp P_3 P_4 \Leftrightarrow m_{P_1 P_2} m_{P_3 P_4} = -1$$



## Ecuția dreptei

$(x - x_1)A + (y - y_1)B = 0$  ecuatia dreptei care trece prin punctul  $(x_1; y_1)$  si are normala  $(A; B)$

$Ax + By + C = 0$  ecuatia generala a dreptei

$y - y_1 = m(x - x_1)$  ecuatia dreptei care trece prin punctul  $(x_1; y_1)$  si are directia  $m$

$y - y_1 = (x - x_1)tg\alpha$  ecuatia dreptei care trece punctul  $(x_1; y_1)$  punct si are directia  $tg\alpha$

$y - y_1 = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}(x - x_1)$  ecuatia dreptei care trece prin 2 puncte date

$d = \frac{|Ax_1 + By_1 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$  distanta unui punct de la o dreapta

$\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \end{vmatrix} = 0$  ecuatia dreptei care trece prin 2 puncte date

$S_{ABC} = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$  aria triunghiului ABC

## Cerc; elipsă; parabolă; hiperbolă

$(x - u)^2 + (y - v)^2 = r^2$  ecuatia cercului cu centrul in  $(u; v)$  si de raza  $r$

$x^2 + y^2 + 2mx + 2ny + p = 0$  ecuatia generala a cercului

$xx_0 + yy_0 + m(x + x_0) + n(y + y_0) + p = 0$  ecuatia tan gentei la cerc in punctul  $(x_0; y_0)$

$y^2 = 2px$  ecuatia parabolei  $F(\frac{p}{2}; 0)$

$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$  ecuatia elipsei;  $F(c; 0); A(a; 0); B(0; b); b^2 + c^2 = a^2$

$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$  ecuatia hiperbolei;  $F(c; 0); A(a; 0); a^2 + b^2 = c^2$